



หน่วยที่ 2

การสุ่มตัวอย่าง และการทดสอบสมมติฐาน

CIM1201 สถิติและวิจัยธุรกิจ



รศ.ดร.ชุมพล รอดแจ่ม
วิทยาลัยนวัตกรรมและการจัดการ
มหาวิทยาลัยราชภัฏสวนสุนันทา



ความหมายกลุ่มตัวอย่าง

- **กลุ่มตัวอย่าง (Sample Groups) หมายถึงบางส่วนของประชากรที่ถูกเลือกมาเป็นตัวแทน ของประชากรในการศึกษา**
- **การกำหนดขนาดกลุ่มตัวอย่าง (Sample Size) เพื่อให้เกิดความเชื่อมั่นว่าทุกหน่วย ประชากรได้มีโอกาสรับเลือกเป็นตัวแทนของ ประชากร งานวิจัยนิยมกำหนดขนาดกลุ่มตัวอย่างตามวิธี ของ ทาโร ยามาเน่ (Taro Yamane) หรือเฮอ์เบิร์ตและเรย์มอนด์ (Herbert Asin and Raymond R.) หรือของโรสคอฟ (Roscoe : 1975)**



ประโยชน์ของการเลือกศึกษากลุ่มตัวอย่าง

- 1. ประหยัดเวลา ค่าใช้จ่ายและแรงงาน
- 2. มีความสมบูรณ์และถูกต้องมากกว่าเพราะจำนวนน้อย
- 3. ควบคุมความคาดเคลื่อนได้ง่าย

**ข้อเสียของกลุ่มตัวอย่างคือ ค่าที่ได้เป็นค่าประมาณการ
อาจทำให้เกิดความคาดเคลื่อนในการ เลือกสุ่มกลุ่มตัวอย่างได้**



วิธีการเลือกกลุ่มตัวอย่าง มี 2 แบบใหญ่ๆ

- **1. การเลือกกลุ่มตัวอย่างที่ไม่เป็นไปตามโอกาสทางสถิติ (Non-Probability Sampling) มี 4 วิธี**
- 1.1 การสุ่มแบบบังเอิญ (Accidental Sampling) เก็บข้อมูลให้ครบตามต้องการโดยไม่มีกฎเกณฑ์แน่นอน
- 1.2 การสุ่มแบบกำหนดโควตา (Quota Sampling) เป็นการกำหนดกลุ่มย่อยตามต้องการโดยอาศัยสัดส่วนขององค์ประกอบกลุ่มประชากรตามเพศ การศึกษาหรืออื่นๆ
- 1.3 การสุ่มแบบเจาะจง (Purposive Sampling) เป็นการเลือกกลุ่มที่ผู้วิจัยใช้เหตุผลในการเลือกเพื่อความเหมาะสมในการวิจัย
- 1.4 การสุ่มตามความสะดวก (Convenience Sampling) เป็นการเลือกกลุ่มตัวอย่างตามความสะดวกในเรื่องที่ศึกษา เช่น ใกล้เคียงบ้าน



วิธีการเลือกกลุ่มตัวอย่าง มี 2 แบบใหญ่ๆ

- **2. การเลือกกลุ่มตัวอย่างที่เป็นไปตามโอกาสทางสถิติ (Probability Sampling) มี 4 วิธี**
- **2.1 การสุ่มอย่างง่าย (Simple Random Sampling) มีวิธีการจับฉลาก (Lottery) และการใช้ตารางเลขสุ่ม (Random Table)**
- **การจับฉลากทำได้โดยการเขียนชื่อหน่วยตัวอย่างมาทำฉลากแล้ว หยิบจนครบตามจำนวนที่ต้องการ วิธีการหยิบบีแบบหยิบทีละใบแล้วใส่คืน หยิบแล้วไม่ใส่คืน และ หยิบครั้งเดียวให้ครบตามต้องการ**
- **การใช้ตารางเลขสุ่มจะเป็นการเขียนชุดของตัวเลขอาจเป็นเลข 3-5 หลัก**



วิธีการเลือกกลุ่มตัวอย่าง มี 2 แบบใหญ่ๆ

- **2. การเลือกกลุ่มตัวอย่างที่เป็นไปตามโอกาสทางสถิติ (Probability Sampling) มี 4 วิธี**
- **2.2 การสุ่มอย่างมีระบบ (Systematic Random Sampling) โดยเรียงลำดับบัญชีรายชื่อ หาช่วงของการเลือกตัวอย่าง โดยใช้ประชากรทั้งหมดหารด้วยขนาดของกลุ่มตัวอย่าง เช่น ประชากร 40,000 คน ได้ขนาดกลุ่มตัวอย่าง 400 คน ช่วงการเลือกเท่ากับ 100 คน ทุกๆ 100 คน จะถูกเลือกเป็น ตัวอย่าง**



วิธีการเลือกกลุ่มตัวอย่าง มี 2 แบบใหญ่ๆ

- **2. การเลือกกลุ่มตัวอย่างที่เป็นไปตามโอกาสทางสถิติ (Probability Sampling) มี 4 วิธี**
- **2.3 การสุ่มแบบเป็นชั้นภูมิ (Stratified Random Sampling) มีการจัดแบ่งประชากรเป็น กลุ่มหรือชั้นย่อยๆก่อน แล้วเลือกสุ่มตัวอย่างตาม สัดส่วน (Proportional) ในแต่ละชั้น จากนั้นจึงใช้การ สุ่มอย่างง่าย เช่นแบ่ง นักศึกษาตามคณะต่างๆ หาขนาดกลุ่มตัวอย่าง จากนั้นเทียบสัดส่วนตาม ขนาด แล้วจับฉลาก เป็นต้น มีการสุ่มอีกวิธีที่คล้ายกับชั้นภูมิคือการแบ่ง เป็นกลุ่ม (Cluster Sampling) มัก ใช้ขอบเขตทางภูมิพื้นที่เป็นหลักแบ่ง เช่นแบ่งพื้นที่ประเทศเป็น 4 ภาค แล้วเลือกภาคละ 2 จังหวัด**



วิธีการเลือกกลุ่มตัวอย่าง มี 2 แบบใหญ่ๆ

- **2. การเลือกกลุ่มตัวอย่างที่เป็นไปตามโอกาสทางสถิติ (Probability Sampling) มี 4 วิธี**
- **2.4 การสุ่มแบบหลายขั้นตอน (Multi-stage Sampling) ใช้การสุ่มหลายแบบเช่นแบ่งเป็น กลุ่ม แล้วแบ่งเป็นชั้นภูมิ แล้วสุ่มอย่างง่าย**



ลักษณะของกลุ่มตัวอย่างที่ดี

- 1. มีขนาดพอเหมาะ คือ มีจำนวนหน่วยตัวอย่างไม่มากหรือน้อยเกินไป ควรมีจำนวน พอเหมาะกับการทดสอบหาความเชื่อมั่นทางสถิติหรือเพียงพอที่จะสรุป (Generalization) ไปยังกลุ่ม ประชากรทั้งหมดได้
- 2. มีลักษณะตรงกับจุดมุ่งหมายของการวิจัย กล่าวคือ กลุ่มตัวอย่างจะต้องมีลักษณะตาม ข้อตกลง หรือจุดมุ่งหมายของการวิจัยนั้น เช่น ถ้าต้องการศึกษาทัศนคติของนักศึกษา มหาวิทยาลัยราชภัฏ จะต้องเป็นนักศึกษาที่กำลังเรียนอยู่ในมหาวิทยาลัยราชภัฏ เป็นต้น



ลักษณะของกลุ่มตัวอย่างที่ดี

- 3. มีลักษณะเป็นตัวแทนที่ดีของประชากร กล่าวคือ ต้องมีลักษณะที่มีความสำคัญของ ประชากรที่จะศึกษา และต้องเลือกออกมา โดยให้หน่วยของ ตัวอย่างมีโอกาสถูกเลือกเท่าๆ กัน (Probability) โดยปราศจากความลำเอียง (Bias) ใดๆ ทั้งสิ้น
- 4. ได้จากการสุ่มด้วยวิธีการที่เหมาะสม เนื่องจากกลุ่มตัวอย่างนั้นเป็น ตัวแทนของ ประชากรซึ่งผู้วิจัยสุ่มออกมาจากประชากรเพื่อใช้เป็นกลุ่ม ตัวอย่างในการวิจัย ดังนั้นกลุ่มตัวอย่างที่ดี ควรได้จากการสุ่มด้วยวิธีการที่ เหมาะสมกับลักษณะของประชากรและเรื่องที่วิจัยด้วย



ขนาดของกลุ่มตัวอย่าง (Sample Size)

- 1. คำนึงถึงค่าใช้จ่าย เวลา แรงงาน และเครื่องมือที่ใช้ในการเก็บรวบรวมข้อมูลจาก กลุ่มตัวอย่างนั้น ว่ามีพอที่จะทำได้หรือไม่ และคุ้มค่าเพียงใด
- 2. คำนึงถึงขนาดของประชากรว่ามีขนาดใหญ่-เล็กเพียงใด ถ้าหากประชากรมี ขนาดใหญ่ก็ควรสุ่มออกมามากกว่าประชากรที่มีขนาดเล็ก หรือมีเปอร์เซ็นต์น้อยกว่าประชากรที่มีขนาดเล็ก
- 3. คำนึงถึงจุดมุ่งหมายของการเลือกกลุ่มตัวอย่างว่า จะก่อให้เกิดความคลาดเคลื่อน จากการสุ่มเท่าใด โดยทั่วไปแล้ว มักจะยอมให้เกิดความคลาดเคลื่อนได้ 1% หรือ 5% (0.01 หรือ 0.05)



การกำหนดขนาดของกลุ่มตัวอย่าง

1. การกำหนดขนาดของกลุ่มตัวอย่างโดยใช้เกณฑ์

การกำหนดขนาดของกลุ่มตัวอย่างโดยใช้เกณฑ์ เป็นวิธีการที่ง่ายวิธีหนึ่ง โดยที่ผู้วิจัยจะต้องทราบจำนวนประชากรที่ค่อนข้างแน่นอนก่อน แล้วคำนวณหาจำนวนกลุ่มตัวอย่างจากเกณฑ์ดังต่อไปนี้

- ก) ประชากรมีจำนวนเป็นหลักร้อย ใช้กลุ่มตัวอย่าง 15-30 %
- ข) ประชากรมีจำนวนเป็นหลักพัน ใช้กลุ่มตัวอย่าง 10-15 %
- ค) ประชากรมีจำนวนเป็นหลักหมื่น ใช้กลุ่มตัวอย่าง 5-10 %



การกำหนดขนาดของกลุ่มตัวอย่าง

2. สูตรคำนวณหาขนาดกลุ่มตัวอย่างโดยใช้ตาราง Krejcie & Morgan

การกำหนดขนาดของกลุ่มตัวอย่างที่ Robert V. Krejcie แห่งมหาวิทยาลัย Minisota และ Earyle W. Morgan แห่งมหาวิทยาลัย Texas (1970 : 608-609) ได้สร้างตารางขนาดประชากรและขนาดกลุ่มตัวอย่างขึ้นมา เพื่อให้ผู้วิจัยสามารถเลือกขนาดของกลุ่มตัวอย่างของงานวิจัยไปใช้ได้



การกำหนดขนาดของกลุ่มตัวอย่าง

ตารางแสดงขนาดของกลุ่มตัวอย่างของเครจซี่และมอร์แกน

ขนาดของประชากร	ขนาดของกลุ่มตัวอย่าง	ขนาดของประชากร	ขนาดของกลุ่มตัวอย่าง	ขนาดของประชากร	ขนาดของกลุ่มตัวอย่าง
10	10	220	140	1,200	291
15	14	230	144	1,300	297
20	19	240	148	1,400	302
25	24	250	152	1,500	306
30	28	260	155	1,600	310
35	32	270	159	1,700	313
40	36	280	162	1,800	317
180	123	900	269	40,000	380
190	127	950	274	50,000	381
200	132	1,000	278	75,000	382
210	136	1,100	285	1,000,000	384

ที่มา: Krejcie, R.V. and Morgan, D.W. (1970). Determining sample size for research activities. *Educational and*

Psychological Measurement, Vol.30, หน้า 607-610



การกำหนดขนาดของกลุ่มตัวอย่าง

3. การกำหนดตัวอย่างในกรณีไม่ทราบขนาดของประชากร

3.1 การกำหนดขนาดของกลุ่มตัวอย่าง ในกรณีไม่ทราบขนาดของประชากร เพียงแต่ผู้วิจัย
ทราบว่ามียังจำนวนมาก ใช้สูตร W.G. Cochran (1953)

$$n = \frac{p(1-p)z^2}{d^2}$$

n แทน จำนวนกลุ่มตัวอย่างที่ต้องการ

P แทน สัดส่วนของประชากรที่ผู้วิจัยต้องการจะสุ่ม ซึ่งสามารถนำค่าสถิติในอดีตมาใช้แทน

ได้

Z แทน ความมั่นใจที่ผู้วิจัยกำหนดไว้ที่ระดับนัยสำคัญทางสถิติ เช่น

Z ที่ระดับนัยสำคัญทางสถิติ 0.05 มีค่าเท่ากับ 1.96 (มั่นใจ 95%)

Z ที่ระดับนัยสำคัญทางสถิติ 0.01 มีค่าเท่ากับ 2.58 (มั่นใจ 99%)

d แทน สัดส่วนของความคลาดเคลื่อนที่ยอมให้เกิดขึ้นได้



การกำหนดขนาดของกลุ่มตัวอย่าง

3.2 การกำหนดขนาดกลุ่มตัวอย่างในกรณีไม่ทราบขนาดของประชากร หรือจำนวนประชากร
มีจำนวนไม่แน่นอน อาจใช้สูตรของ (Poscoe, 1975 : 183) ได้ดังนี้

$$e = z \frac{s}{\sqrt{n}} \quad \text{หรือ} \quad n = \left(\frac{z \cdot s}{e} \right)^2$$

เมื่อ e แทน ความคลาดเคลื่อนมากที่สุดที่ยอมรับได้

Z แทน ความมั่นใจที่ระดับนัยสำคัญทางสถิติ

ถ้า $Z = 0.05$ มีค่าเท่ากับ 1.96

และถ้า $Z = 0.01$ มีค่าเท่ากับ 2.58

S แทน ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน

n แทน ขนาดของกลุ่มตัวอย่าง



การกำหนดขนาดของกลุ่มตัวอย่าง

4. การกำหนดขนาดกลุ่มตัวอย่างในกรณีทราบจำนวนที่แน่นอน (Finite Population)

ใช้สูตรทาโร ยามาเน (Taro Yamane, 1973 : 125)

สูตร

$$n = \frac{N}{1 + Ne^2}$$

เมื่อ n แทน ขนาดของกลุ่มตัวอย่าง

N แทน ขนาดของประชากร

e แทน ความคลาดเคลื่อนของการสุ่มตัวอย่าง

Table 1. Sample size for ±3%, ±5%, ±7% and ±10% Precision Levels Where Confidence Level is 95% and P=.5.

Size of Population	Sample Size (n) for Precision (e) of:			
	±3%	±5%	±7%	±10%
500	a	222	145	83
600	a	240	152	86
700	a	255	158	88
800	a	267	163	89
900	a	277	166	90
1,000	a	286	169	91
2,000	714	333	185	95
3,000	811	353	191	97
4,000	870	364	194	98
5,000	909	370	196	98
6,000	938	375	197	98
7,000	959	378	198	99
8,000	976	381	199	99
9,000	989	383	200	99
10,000	1,000	385	200	99
15,000	1,034	390	201	99
20,000	1,053	392	204	100
25,000	1,064	394	204	100
50,000	1,087	397	204	100
100,000	1,099	398	204	100
>100,000	1,111	400	204	100

a = Assumption of normal population is poor (Yamane, 1967). The entire population should be sampled.

ตาราง sample size – Yamane (ที่มา University of Florida)



การทดสอบสมมติฐาน

**สมมติฐานการวิจัย (Research Hypothesis) คือ
ข้อความที่ระบุความสัมพันธ์ ระหว่างตัวแปร หรือแนวคิด
(concept) ซึ่งต้องการจะทดสอบว่า เป็นความจริงหรือไม่**



ตัวอย่างของสมมติฐาน (การวิจัย)

1. นักเรียนในกรุงเทพฯ ๑ จะมีความรู้ทางคณิตศาสตร์ดีกว่านักเรียนในชนบท จะเห็นว่าสมมติฐานนี้เกี่ยวข้องกับตัวแปร 2 ตัว คือ ภูมิตำแหน่งของนักเรียน และความรู้ทางคณิตศาสตร์
2. นักเรียนกลุ่มที่อ่านการ์ตูนเรื่อง โรคเอดส์ กับนักเรียนที่อ่านจุลสาร โรคเอดส์มีทัศนคติต่อการป้องกัน โรคเอดส์แตกต่างกัน จะเห็นว่าสมมติฐานนี้เกี่ยวข้องกับตัวแปร 2 ตัว คือ วิธีการศึกษา โรคเอดส์ และทัศนคติต่อการป้องกัน โรคเอดส์
3. นักเรียนที่ได้รับการอบรมเลี้ยงดูด้วยวิธีการต่างกัน จะมีวินัยในตนเองต่างกันจะเห็นว่าสมมติฐานนี้เกี่ยวข้องกับตัวแปร 2 ตัว คือวิธีการอบรมเลี้ยงดู และวินัยในตนเอง



ประเภทของสมมติฐาน (การวิจัย)

- สมมติฐานแบบมีทิศทาง (Directional Hypothesis) คือ สมมติฐานที่ระบุได้แน่นอนถึงทิศทางของความแตกต่าง หรือทิศทางของความสัมพันธ์ของตัวแปร
- สมมติฐานแบบไม่มีทิศทาง (Nondirectional Hypothesis) คือ สมมติฐานที่ไม่ระบุทิศทางของความแตกต่าง หรือทิศทางของความสัมพันธ์ของตัวแปรว่าสัมพันธ์ในทางใด



ตัวอย่างสมมติฐานแบบมีทิศทางและไม่มีทิศทาง

สมมติฐานแบบมีทิศทาง

- ความคิดสร้างสรรค์กับผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนมีความสัมพันธ์กันทางบวก
- การสูบบุหรี่กับการเป็นมะเร็งมีความสัมพันธ์กันทางลบ
- เด็กที่ได้รับการอบรมเลี้ยงดูแบบเข้มงวดมีวินัยในตนเองมากกว่าเด็กที่ได้รับการ

อบรมเลี้ยงดูแบบปล่อยปละละเลย

สมมติฐานแบบไม่มีทิศทาง

- ความคิดสร้างสรรค์กับผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนมีความสัมพันธ์กัน
- การสูบบุหรี่กับการเป็นมะเร็งมีความสัมพันธ์กัน
- เด็กที่ได้รับการอบรมเลี้ยงดูแบบเข้มงวดกับเด็กที่ได้รับการอบรมเลี้ยงดูแบบ

ปล่อยปละละเลยมีวินัยในตนเองแตกต่างกัน

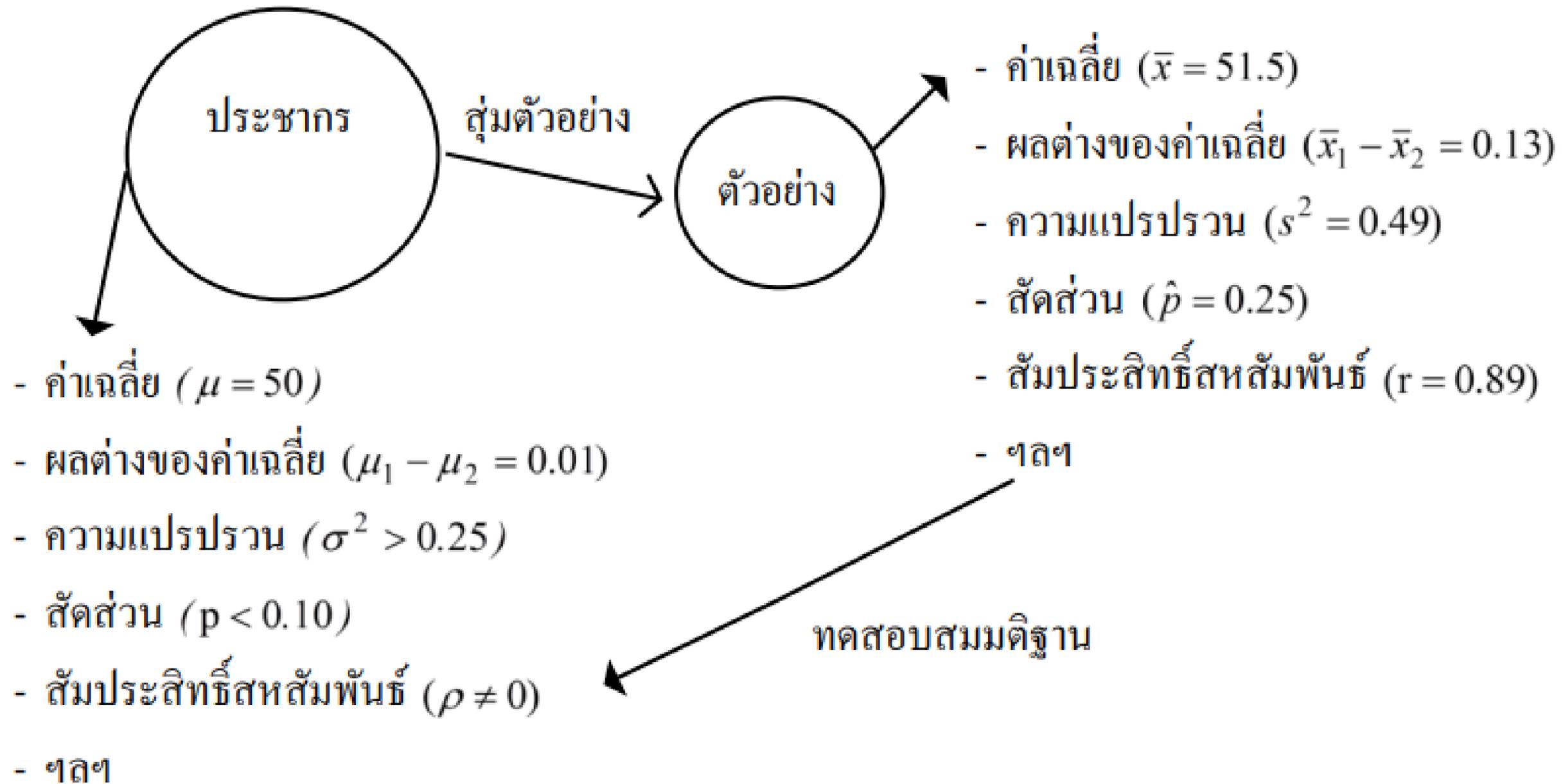


ความหมายสมมติฐานทางสถิติ

การทดสอบสมมติฐานในทางสถิติ หมายถึงการนำค่าสถิติที่เกี่ยวข้องกลับมาสรุปว่าค่าพารามิเตอร์ที่สนใจมีค่าเป็นไปตามที่คาดไว้หรือไม่ หรือการนำข้อมูลจริงจากตัวอย่างมาสรุปว่าค่าพารามิเตอร์ที่สนใจมีค่าเป็นไปตามที่คาดไว้หรือไม่ ดังนี้



ความหมายสมมติฐานทางสถิติ





ความหมาย ความแปรปรวน

ความแปรปรวน เป็นค่าที่นิยมใช้วัดการกระจายของข้อมูลมากที่สุด ซึ่งค่านี้คำนวณมาจากค่าแตกต่างระหว่างค่าของข้อมูลแต่ละค่ากับค่าเฉลี่ย ซึ่งค่าที่ได้ถ้าเป็นศูนย์แสดงว่าข้อมูลชุดนั้น ไม่มีการกระจายเลย หรือทุกค่ามีค่าเท่ากับค่ากลางนั่นเอง



ความหมาย สัดส่วน

สัดส่วนของประชากร คือ อัตราส่วนของจำนวนสมาชิกในประชากรที่มีคุณสมบัติที่เราสนใจต่อจำนวนประชากรทั้งหมด เช่น สัดส่วนของสินค้า A ที่ผลิตไม่ได้มาตรฐาน หรือ สัดส่วนของผู้บริโภคที่ชอบใช้สินค้ายี่ห้อ B



ขั้นตอนการทดสอบสมมติฐานทางสถิติ

ขั้นที่ 1 การตั้งสมมติฐาน

สมมติฐานเชิงสถิติ คือประโยคสัญลักษณ์ที่ประกอบด้วยพารามิเตอร์และเครื่องหมายทางคณิตศาสตร์ มี 2 ประเภท คือ

1.1 สมมติฐานว่าง (null hypothesis) เขียนแทนด้วยสัญลักษณ์ H_0 เป็นสมมติฐานที่แสดงว่าจะไม่มีการเปลี่ยนแปลงใด ๆ ไม่มีความแตกต่าง หรือความแตกต่างเป็นศูนย์ จึงมักแทนด้วยเครื่องหมาย $= \leq$ หรือ \geq

1.2 สมมติฐานแย้ง (alternative hypothesis) เขียนแทนด้วยสัญลักษณ์ H_1 หรือ H_a เป็นสมมติฐานที่ตั้งขึ้นมาเพื่อขัดแย้งกับ H_0 เป็นสมมติฐานที่แสดงการเปลี่ยนแปลง มีความแตกต่าง จึงแทนด้วยเครื่องหมาย $\neq >$ หรือ $<$



ขั้นตอนการทดสอบสมมติฐานทางสถิติ

1. สมมติฐานการวิจัย นักเรียนที่เรียนรู้ตามแนวทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์จะมีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนแตกต่างจาก 50 คะแนน

กำหนด μ แทนผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนเฉลี่ยตามแนวทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์

สมมติฐานเชิงสถิติ

$$H_0 : \mu = 50$$

$$H_1 : \mu \neq 50$$

2. สมมติฐานการวิจัย นักเรียนที่เรียนรู้ตามแนวทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์จะมีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนแตกต่างกันสูงกว่า 10 คะแนน

กำหนด σ แทนส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน

สมมติฐานเชิงสถิติ

$$H_0 : \sigma \leq 0.1$$

$$H_1 : \sigma > 0.1$$



ขั้นตอนการทดสอบสมมติฐานทางสถิติ

3. สมมติฐานการวิจัย นักเรียนที่เรียนรู้ตามแนวทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์จะมีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนลดลงน้อยกว่าร้อยละ 10

กำหนด p แทนสัดส่วนของนักเรียนที่มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนลดลง

สมมติฐานเชิงสถิติ

$$H_0 : p \geq 0.10$$

$$H_1 : p < 0.10$$

4. สมมติฐานการวิจัย นักเรียนในกรุงเทพฯ จะมีความรู้ทางคณิตศาสตร์ดีกว่านักเรียน
ในชนบท

กำหนด μ_1 แทนคะแนนเฉลี่ยทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนในกรุงเทพฯ

μ_2 แทนคะแนนเฉลี่ยทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนในชนบท

สมมติฐานเชิงสถิติ

$$H_0 : \mu_1 - \mu_2 = 0$$

$$H_1 : \mu_1 - \mu_2 > 0$$



ขั้นตอนการทดสอบสมมติฐานทางสถิติ

5. สมมติฐานการวิจัย ความแปรปรวนของความรู้ทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนใน
กรุงเทพ ฯ และชนบทแตกต่างกัน

กำหนด σ_1^2 แทนความแปรปรวนของความรู้ทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนกรุงเทพ

σ_2^2 แทนความแปรปรวนของความรู้ทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนชนบท

สมมติฐานเชิงสถิติ

$$H_0 : \frac{\sigma_1^2}{\sigma_2^2} = 1$$

$$H_1 : \frac{\sigma_1^2}{\sigma_2^2} \neq 1$$



ขั้นตอนการทดสอบสมมติฐานทางสถิติ

6. สมมติฐานการวิจัย สัดส่วนของนักเรียนในกรุงเทพฯ ๑ ที่ได้เกรด 0 วิชาคณิตศาสตร์
น้อยกว่านักเรียนในชนบท

กำหนด p_1 แทนสัดส่วนของนักเรียนในกรุงเทพฯ ๑ ที่ได้เกรด 0 วิชาคณิตศาสตร์

p_2 แทนสัดส่วนของนักเรียนในชนบท ที่ได้เกรด 0 วิชาคณิตศาสตร์

สมมติฐานเชิงสถิติ

$$H_0 : p_1 - p_2 = 0$$

$$H_1 : p_1 - p_2 \neq 0$$

7. สมมติฐานการวิจัย ความถนัดทางการเรียนมีความสัมพันธ์ทางบวกกับผลสัมฤทธิ์
ทางการเรียน

กำหนด ρ แทนสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ของความถนัดทางการเรียนกับผลสัมฤทธิ์

ทางการเรียน

สมมติฐานเชิงสถิติ

$$H_0 : \rho = 0$$

$$H_1 : \rho > 0$$



สรุป ขั้นตอนการทดสอบสมมติฐานทางสถิติ

การเขียนสมมติฐานสามารถเขียนได้ 2 ลักษณะ คือเขียนในรูปของ ข้อความ และในรูปของสัญลักษณ์ทางสถิติ เช่น รายได้เฉลี่ยของอาชีพวิศวกรของเพศชายไม่เท่ากับเพศหญิง ซึ่งอาจเขียนรูปแบบหนึ่ง คือ $\mu_1 \neq \mu_2$ เป็นต้น

1. สมมติฐานทางสถิติ แบ่งออกเป็น 2 อย่าง ดังนี้

1.1 สมมติฐานหลัก แทนด้วย H_0 คือ สมมติฐานที่ต้องการให้ทดสอบ ซึ่งจะเป็นข้อความเกี่ยวกับพารามิเตอร์ที่อ้างถึงนั้นเป็นจริง

1.2 สมมติฐานรองหรือสมมติฐานเลือก แทนด้วย H_1 คือ สมมติฐานที่ตั้งให้แตกต่างจากสมมติฐานหลัก ซึ่งจะเป็นข้อความที่เสนอทางเลือกให้กับคำกล่าวของสมมติฐานหลักที่ตั้งไว้ไม่เป็นจริง

2. รูปแบบของการตั้งสมมติฐานทางสถิติ มี 3 รูปแบบ ดังนี้ (ถ้าให้ θ คือ พารามิเตอร์ใดๆ)

แบบที่ 1 $H_0: \theta_1 = \theta_2$

$H_0: \theta_1 \neq \theta_2$

แบบที่ 2 $H_0: \theta_1 \leq \theta_2$

$H_0: \theta_1 = \theta_2$

แบบที่ 3 $H_0: \theta_1 \geq \theta_2$

$H_0: \theta_1 < \theta_2$

3. ความหมายของการทดสอบสมมติฐานทางสถิติ (Testing a Statistic Hypothesis) มีอยู่ 2 ลักษณะ ดังนี้

3.1 การยอมรับสมมติฐาน

3.2 การปฏิเสธสมมติฐาน



ขั้นตอนการทดสอบสมมติฐานทางสถิติ

ขั้นที่ 2 กำหนดระดับนัยสำคัญ

4. ความผิดพลาดในการตัดสินใจ เป็นความผิดพลาดที่เกิดขึ้นจากการตัดสินใจยอมรับหรือปฏิเสธสมมติฐานที่ผิด มี 2 ประเภท ดังนี้

4.1 ความผิดพลาดประเภทที่ 1 โอกาสที่จะเกิดความผิดพลาดประเภท 1 หรือความน่าจะเป็นที่จะปฏิเสธสมมติฐานหลักจริง เรียกว่า ระดับความมีนัยสำคัญ ของการทดสอบ โดยปกติมักกำหนด $\alpha = 0.01, 0.05$ หรือ 0.10 โดยที่ $\alpha = 0.10$ หมายความว่า ในการทดลอง 100 ครั้ง จะมี 10 ครั้ง ที่เกิดความผิดพลาดประเภทที่ 1 ขึ้น

4.2 ความผิดพลาดประเภทที่ 2 โอกาสที่จะเกิดความผิดพลาดประเภท 1 หรือความน่าจะเป็นที่จะปฏิเสธสมมติฐานหลักโดยที่สมมติฐานหลักไม่เป็นจริง

การตัดสินใจ สำหรับสมมติฐานหลัก	ความจริง จริง	สมมติฐานหลักเป็น ไม่จริง
ยอมรับ	ตัดสินใจถูก (1 - α)	ตัดสินใจผิด (Type II Error : β)
ปฏิเสธ	ตัดสินใจผิด (Type I Error: α)	ตัดสินใจถูก (1 - β)



ขั้นตอนการทดสอบสมมติฐานทางสถิติ

ตัวอย่าง ในการสอบวิชาคอมพิวเตอร์ อาจารย์จะต้องตัดสินใจให้นักศึกษาผ่านหรือไม่ผ่านในวิชานี้

H₀ : นักศึกษาเข้าใจเนื้อหาเกี่ยวกับวิชาคอมพิวเตอร์

H₁ : นักศึกษาไม่เข้าใจเนื้อหาเกี่ยวกับวิชาคอมพิวเตอร์

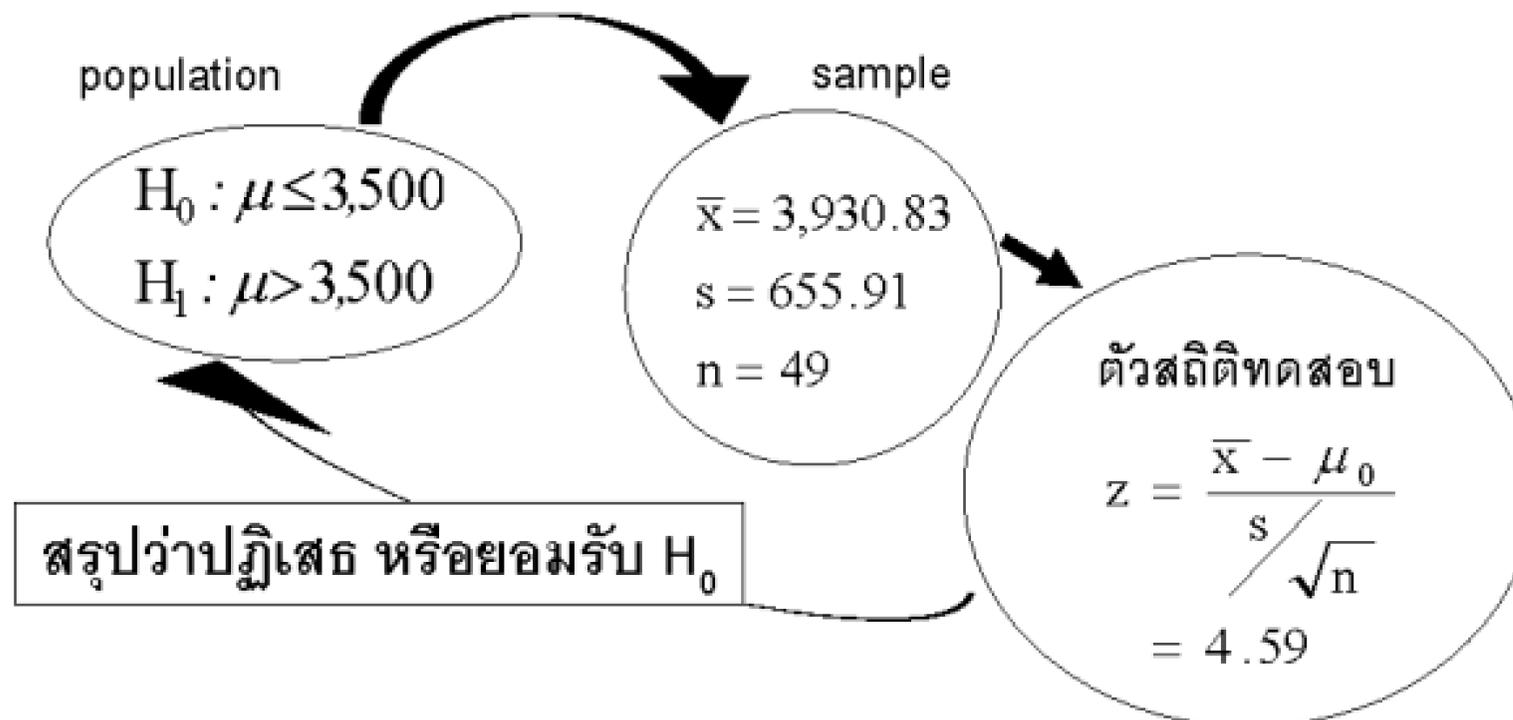
การตัดสินใจ สำหรับสมมติฐาน	ความจริง จริง	สมมติฐานหลักเป็น ไม่เป็น
ยอมรับ	นักศึกษาเข้าใจเนื้อหาวิชาและ สอบผ่าน	นักศึกษาไม่เข้าใจเนื้อหาวิชา แต่ สอบผ่าน
ปฏิเสธ	นักศึกษาเข้าใจเนื้อหาวิชาแต่ สอบตก	นักศึกษาไม่เข้าใจเนื้อหาวิชา แต่ สอบตก



ขั้นตอนการทดสอบสมมติฐาน

ขั้นที่ 3 เลือกและคำนวณค่าตัวสถิติทดสอบ

ตัวสถิติทดสอบ (test statistic) คือค่าที่คำนวณได้จากค่าสถิติจากตัวอย่าง จะมีสูตรในการคำนวณที่แตกต่างกันไปขึ้นอยู่กับพารามิเตอร์ที่ต้องการทดสอบ และค่านี้มีส่วนในการตัดสินใจว่าจะปฏิเสธ หรือยอมรับ H_0 เช่น กรณีตัวสถิติทดสอบสำหรับค่าเฉลี่ยของประชากร 1 กลุ่ม ดังนี้

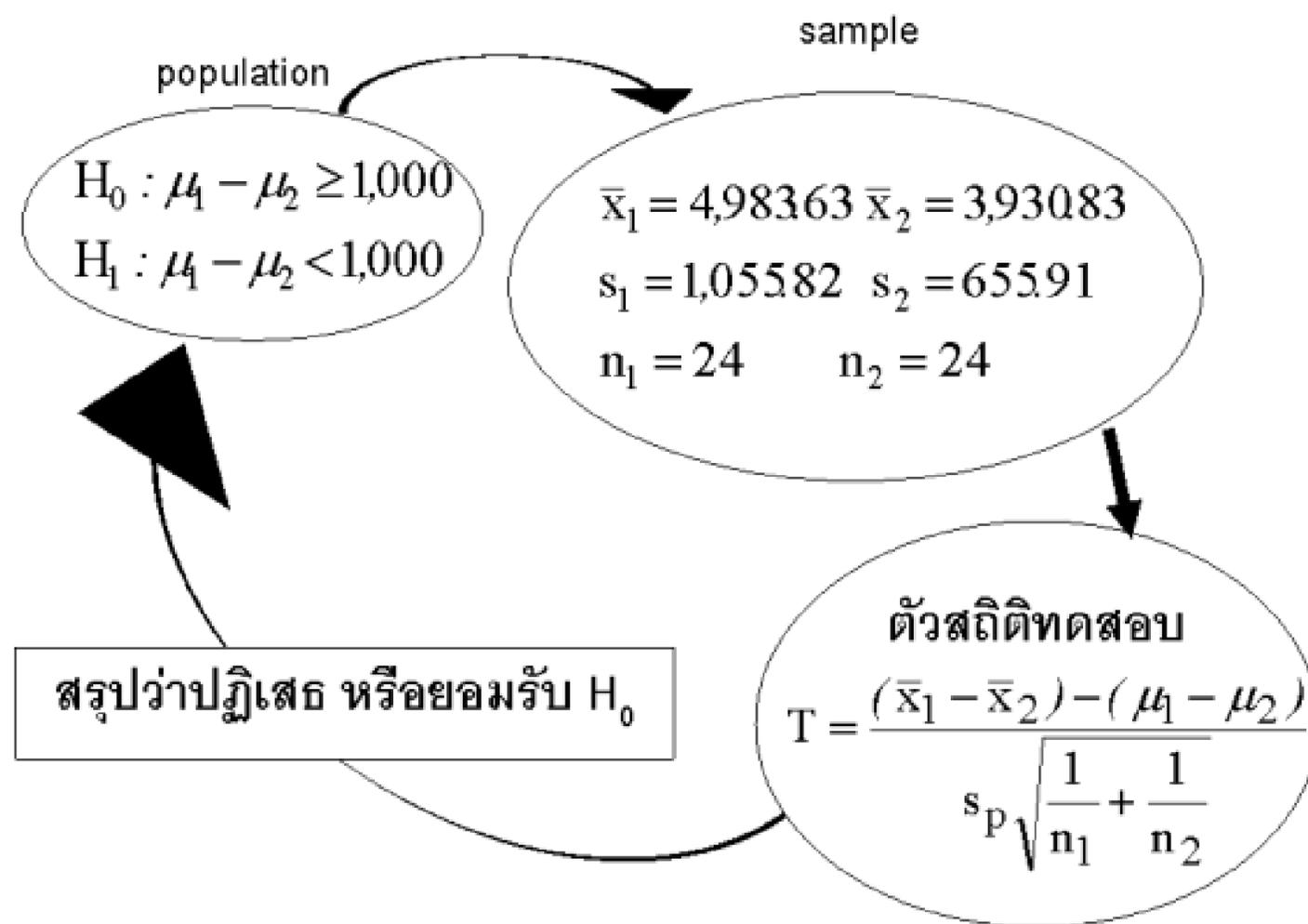




ขั้นตอนการทดสอบสมมติฐาน

เลือกและคำนวณค่าตัวสถิติทดสอบ

ตัวสถิติทดสอบ กรณีค่าเฉลี่ยของประชากร 2 กลุ่ม หรือผลต่างของค่าเฉลี่ย ดังนี้

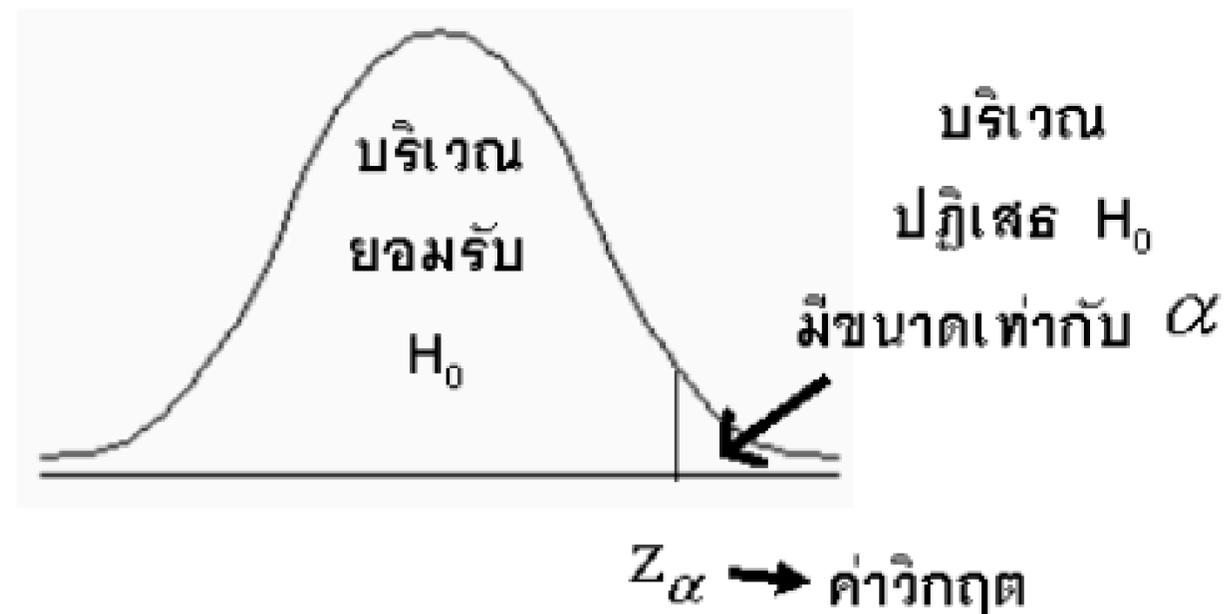


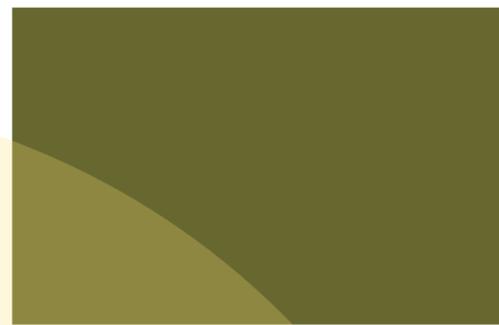


ขั้นตอนการทดสอบสมมติฐาน

ขั้นที่ 4 หาค่าวิกฤต

ค่าวิกฤต (critical value) คือค่าที่เบี่ยงจากตารางสถิติ เช่น z_α , $t_{\alpha,df}$ เป็นต้น และค่าวิกฤตนี้จะแบ่งพื้นที่ใต้โค้งเป็น 2 ส่วน ส่วนที่หนึ่ง คือส่วนที่ประกอบด้วยค่าต่าง ๆ ที่จะทำให้อยอมรับ H_0 เรียกว่าบริเวณยอมรับ H_0 (accept region) ส่วนที่สอง คือส่วนที่ประกอบด้วยค่าต่าง ๆ ที่จะทำให้อปปฏิเสธ H_0 เรียกว่าบริเวณปฏิเสธ H_0 (reject region) หรือ บริเวณวิกฤต (critical region) ดังนี้





ค่าวิกฤต บริเวณยอมรับ H_0 และบริเวณปฏิเสธ H_0 มีขนาดและรูปแบบแตกต่างกันขึ้นอยู่กับระดับนัยสำคัญ และประเภทการทดสอบสมมติฐาน ดังนี้

การทดสอบทางซ้าย

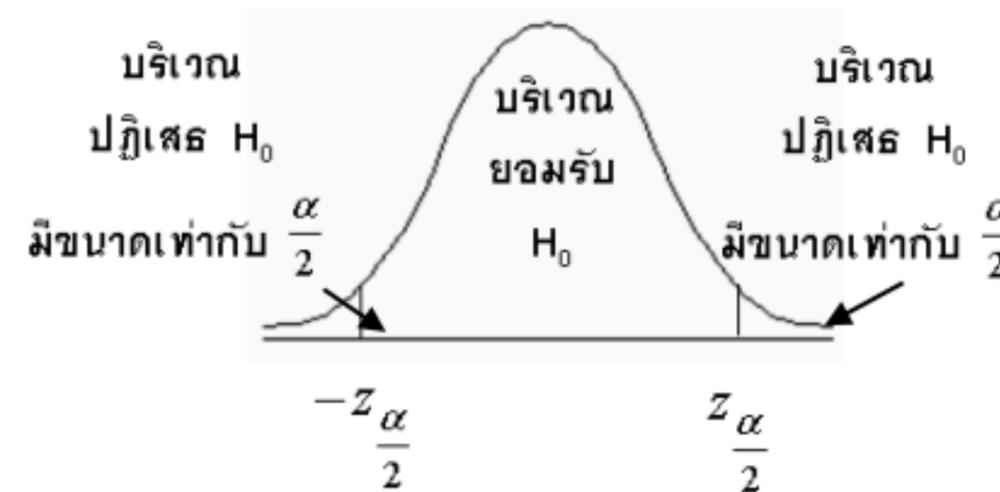
$$H_0 : \mu \geq \mu_0$$

$$H_1 : \mu < \mu_0$$

การทดสอบทางขวา

$$H_0 : \mu \leq \mu_0$$

$$H_1 : \mu > \mu_0$$



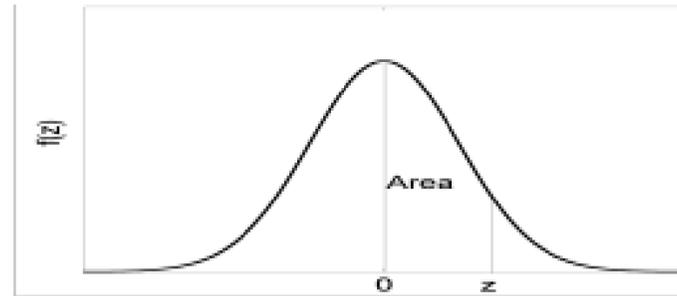
การทดสอบ 2 ทาง

$$H_0 : \mu = \mu_0$$

$$H_1 : \mu \neq \mu_0$$

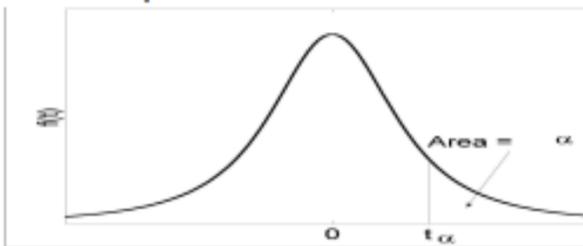
ขั้นตอนการทดสอบสมมติฐาน หาค่าวิกฤต

ตาราง ก
ตารางการแจกแจงความน่าจะเป็นแบบปกติมาตรฐาน



z	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	0.0000	0.0040	0.0080	0.0120	0.0160	0.0199	0.0239	0.0279	0.0319	0.0359
0.1	0.0398	0.0438	0.0478	0.0517	0.0557	0.0596	0.0636	0.0675	0.0714	0.0753
0.2	0.0793	0.0832	0.0871	0.0910	0.0948	0.0987	0.1026	0.1064	0.1103	0.1141
0.3	0.1179	0.1217	0.1255	0.1293	0.1331	0.1368	0.1406	0.1443	0.1480	0.1517
0.4	0.1554	0.1591	0.1628	0.1664	0.1700	0.1736	0.1772	0.1808	0.1844	0.1879
0.5	0.1915	0.1950	0.1985	0.2019	0.2054	0.2088	0.2123	0.2157	0.2190	0.2224
0.6	0.2257	0.2291	0.2324	0.2357	0.2389	0.2422	0.2454	0.2486	0.2517	0.2549
0.7	0.2580	0.2611	0.2642	0.2673	0.2704	0.2734	0.2764	0.2794	0.2823	0.2852
0.8	0.2881	0.2910	0.2939	0.2967	0.2995	0.3023	0.3051	0.3078	0.3106	0.3133
0.9	0.3159	0.3186	0.3212	0.3238	0.3264	0.3289	0.3315	0.3340	0.3365	0.3389
1.0	0.3413	0.3438	0.3461	0.3485	0.3508	0.3531	0.3554	0.3577	0.3599	0.3621
1.1	0.3643	0.3665	0.3686	0.3708	0.3729	0.3749	0.3770	0.3790	0.3810	0.3830
1.2	0.3849	0.3869	0.3888	0.3907	0.3925	0.3944	0.3962	0.3980	0.3997	0.4015
1.3	0.4032	0.4049	0.4066	0.4082	0.4099	0.4115	0.4131	0.4147	0.4162	0.4177
1.4	0.4192	0.4207	0.4222	0.4236	0.4251	0.4265	0.4279	0.4292	0.4306	0.4319
1.5	0.4332	0.4345	0.4357	0.4370	0.4382	0.4394	0.4406	0.4418	0.4429	0.4441
1.6	0.4452	0.4463	0.4474	0.4484	0.4495	0.4505	0.4515	0.4525	0.4535	0.4545
1.7	0.4554	0.4564	0.4573	0.4582	0.4591	0.4599	0.4608	0.4616	0.4625	0.4633
1.8	0.4641	0.4649	0.4656	0.4664	0.4671	0.4678	0.4686	0.4693	0.4699	0.4706
1.9	0.4713	0.4719	0.4726	0.4732	0.4738	0.4744	0.4750	0.4756	0.4761	0.4767
2.0	0.4772	0.4778	0.4783	0.4788	0.4793	0.4798	0.4803	0.4808	0.4812	0.4817
2.1	0.4821	0.4826	0.4830	0.4834	0.4838	0.4842	0.4846	0.4850	0.4854	0.4857
2.2	0.4861	0.4864	0.4868	0.4871	0.4875	0.4878	0.4881	0.4884	0.4887	0.4890
2.3	0.4893	0.4896	0.4898	0.4901	0.4904	0.4906	0.4909	0.4911	0.4913	0.4916
2.4	0.4918	0.4920	0.4922	0.4925	0.4927	0.4929	0.4931	0.4932	0.4934	0.4936
2.5	0.4938	0.4940	0.4941	0.4943	0.4945	0.4946	0.4948	0.4949	0.4951	0.4952
2.6	0.4953	0.4955	0.4956	0.4957	0.4959	0.4960	0.4961	0.4962	0.4963	0.4964
2.7	0.4965	0.4966	0.4967	0.4968	0.4969	0.4970	0.4971	0.4972	0.4973	0.4974
2.8	0.4974	0.4975	0.4976	0.4977	0.4977	0.4978	0.4979	0.4979	0.4980	0.4981
2.9	0.4981	0.4982	0.4982	0.4983	0.4984	0.4984	0.4985	0.4985	0.4986	0.4986
3.0	0.4987	0.4987	0.4987	0.4988	0.4988	0.4989	0.4989	0.4989	0.4990	0.4990

ตาราง ข
ตารางค่าวิกฤตการแจกแจงความน่าจะเป็นแบบที



df	α						
	0.100	0.050	0.025	0.010	0.005	0.001	0.0005
1	3.0777	6.3138	12.7062	31.8205	63.6567	318.3088	636.6193
2	1.8856	2.9200	4.3027	6.9646	9.9248	22.3271	31.5991
3	1.6377	2.3534	3.1824	4.5407	5.8409	10.2145	12.9240
4	1.5332	2.1318	2.7764	3.7469	4.6041	7.1732	8.6103
5	1.4759	2.0150	2.5706	3.3649	4.0321	5.8934	6.8688
6	1.4398	1.9432	2.4469	3.1427	3.7074	5.2076	5.9588
7	1.4149	1.8946	2.3646	2.9980	3.4995	4.7853	5.4079
8	1.3968	1.8595	2.3060	2.8965	3.3554	4.5008	5.0413
9	1.3830	1.8331	2.2622	2.8214	3.2498	4.2968	4.7809
10	1.3722	1.8125	2.2281	2.7638	3.1693	4.1437	4.5869
11	1.3634	1.7959	2.2010	2.7181	3.1058	4.0247	4.4370
12	1.3562	1.7823	2.1788	2.6810	3.0545	3.9296	4.3178
13	1.3502	1.7709	2.1604	2.6503	3.0123	3.8520	4.2208
14	1.3450	1.7613	2.1448	2.6245	2.9768	3.7874	4.1405
15	1.3406	1.7531	2.1314	2.6025	2.9467	3.7328	4.0728
16	1.3368	1.7459	2.1199	2.5835	2.9208	3.6862	4.0150
17	1.3334	1.7396	2.1098	2.5669	2.8982	3.6458	3.9651
18	1.3304	1.7341	2.1009	2.5524	2.8784	3.6105	3.9216
19	1.3277	1.7291	2.0930	2.5395	2.8609	3.5794	3.8834
20	1.3253	1.7247	2.0860	2.5280	2.8453	3.5518	3.8495
21	1.3232	1.7207	2.0796	2.5176	2.8314	3.5272	3.8193
22	1.3212	1.7171	2.0739	2.5083	2.8188	3.5050	3.7921
23	1.3195	1.7139	2.0687	2.4999	2.8073	3.4850	3.7676
24	1.3178	1.7109	2.0639	2.4922	2.7969	3.4668	3.7454
25	1.3163	1.7081	2.0595	2.4851	2.7874	3.4502	3.7251
26	1.3150	1.7056	2.0555	2.4786	2.7787	3.4350	3.7066
27	1.3137	1.7033	2.0518	2.4727	2.7707	3.4210	3.6896
28	1.3125	1.7011	2.0484	2.4671	2.7633	3.4082	3.6739
29	1.3114	1.6991	2.0452	2.4620	2.7564	3.3962	3.6594
30	1.3104	1.6973	2.0423	2.4573	2.7500	3.3852	3.6460
40	1.3031	1.6839	2.0211	2.4233	2.7045	3.3069	3.5510
60	1.2958	1.6706	2.0003	2.3901	2.6603	3.2317	3.4602
120	1.2886	1.6577	1.9799	2.3578	2.6174	3.1595	3.3735
∞	1.2816	1.6449	1.9600	2.3263	2.5758	3.0902	3.2905



ขั้นตอนการทดสอบสมมติฐาน

ขั้นที่ 5 สรุปและแปลความหมาย

การสรุปผลในการทดสอบสมมติฐานนั้นเป็นการพิจารณาค่าสถิติทดสอบว่ามีค่าเกินค่าวิกฤตหรือไม่ ถ้าค่าสถิติทดสอบมีค่าเกินค่าวิกฤตจะปฏิเสธ H_0 เช่นกรณีการทดสอบสมมติฐานทางขวา ถ้าค่าสถิติทดสอบมีค่ามากเกินค่าวิกฤตแสดงว่าค่าสถิติทดสอบมีค่ามากพอที่จะปฏิเสธ H_0 กรณีการทดสอบสมมติฐานทางซ้ายวา ถ้าค่าสถิติทดสอบมีค่าน้อยเกินค่าวิกฤตแสดงว่าค่าสถิติทดสอบมีค่าน้อยพอที่จะปฏิเสธ H_0 กรณีการทดสอบสมมติฐาน 2 ทาง ถ้าค่าสถิติทดสอบมีค่ามากหรือน้อยเกินค่าวิกฤต จะปฏิเสธ H_0 ดังนั้นเกณฑ์การตัดสินใจว่าจะปฏิเสธหรือยอมรับ H_0 คือ

ถ้าค่าสถิติทดสอบมีค่าอยู่ใน บริเวณปฏิเสธ H_0 จะปฏิเสธสมมติฐาน H_0

ถ้าค่าสถิติทดสอบมีค่าอยู่ใน บริเวณยอมรับ H_0 จะยอมรับสมมติฐาน H_0



ขั้นตอนการทดสอบสมมติฐาน

การทดสอบสมมติฐานทางขวา

$$H_0 : \mu = 50$$

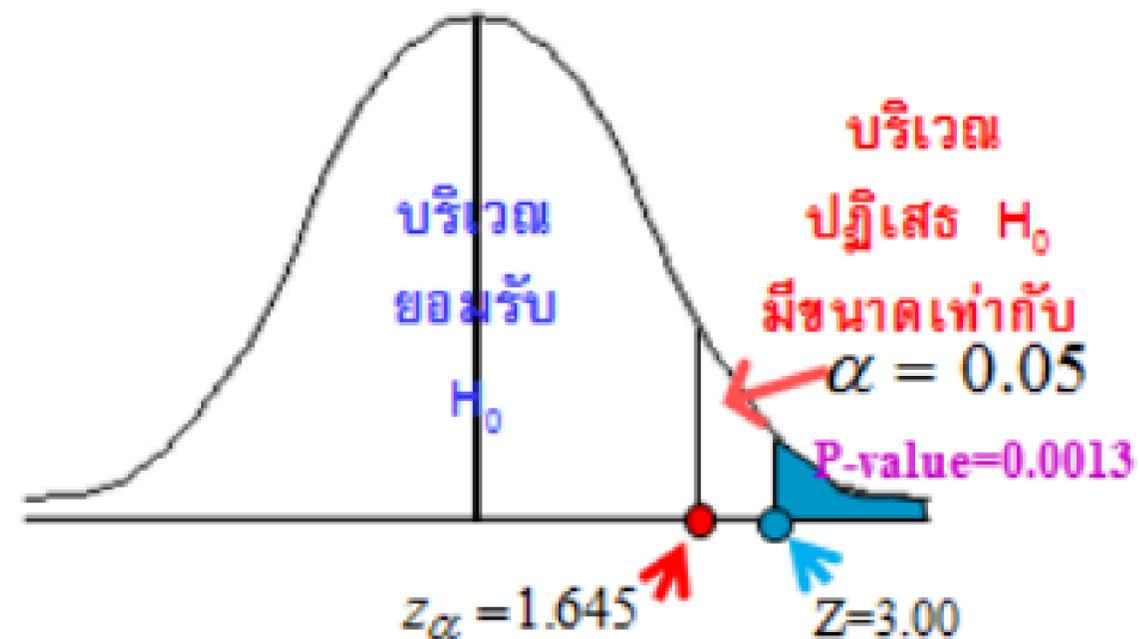
$$H_1 : \mu > 50$$

$$\alpha = 0.05$$

ตัวสถิติทดสอบ

$$Z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\frac{s}{\sqrt{n}}} = 3.00$$

$$p\text{-value} \\ P(Z > 3.00) = 0.0013$$



p-value หรือ ค่า **sig** คือ ค่าความน่าจะเป็นที่ใช้ในการปฏิเสธหรือยอมรับ **H₀**

ถ้า **p-value** มีค่าน้อยกว่า α จะปฏิเสธ **H₀**
ถ้า **p-value** มีค่ามากกว่า α จะยอมรับ **H₀**



ขั้นตอนการทดสอบสมมติฐาน

การทดสอบสมมติฐานทางซ้าย

$$H_0 : \mu = 50$$

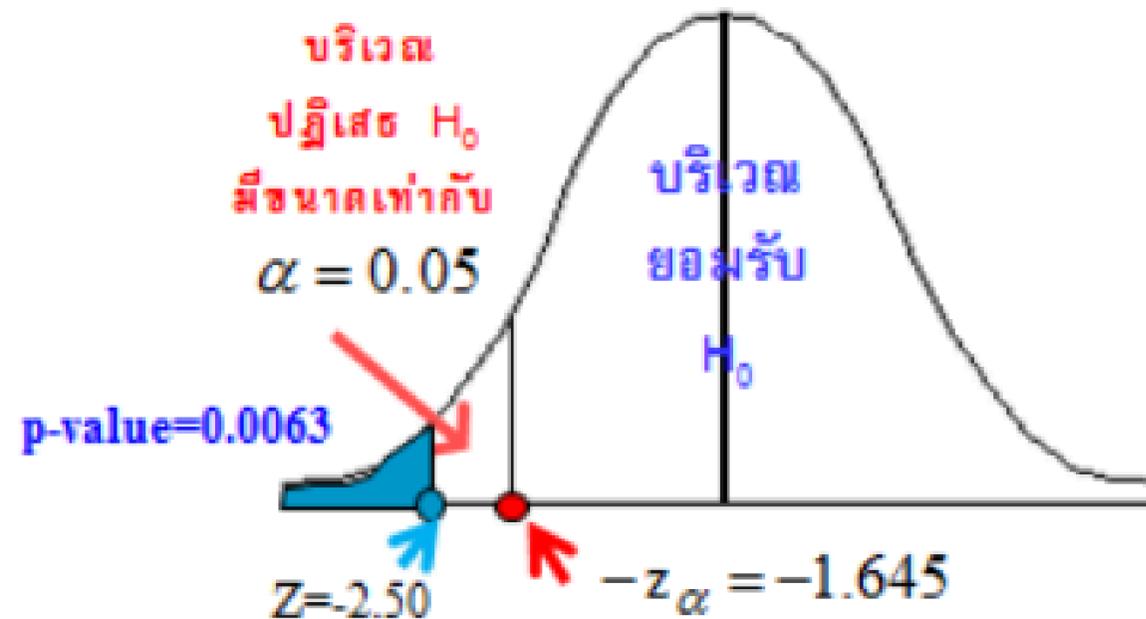
$$H_1 : \mu < 50$$

$$\alpha = 0.05$$

ตัวสถิติทดสอบ

$$Z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\frac{s}{\sqrt{n}}} = -2.50$$

$$p\text{-value} \\ P(Z < -2.50) = 0.0063$$



p-value หรือ ค่า sig คือ ค่าความน่าจะเป็นที่ใช้ในการปฏิเสธหรือยอมรับ H_0

ถ้า **p-value** มีค่าน้อยกว่า α จะปฏิเสธ **H_0**
ถ้า **p-value** มีค่ามากกว่า α จะยอมรับ **H_0**



ขั้นตอนการทดสอบสมมติฐาน

การทดสอบสมมติฐาน 2 ทาง

$$H_0 : \mu = 50$$

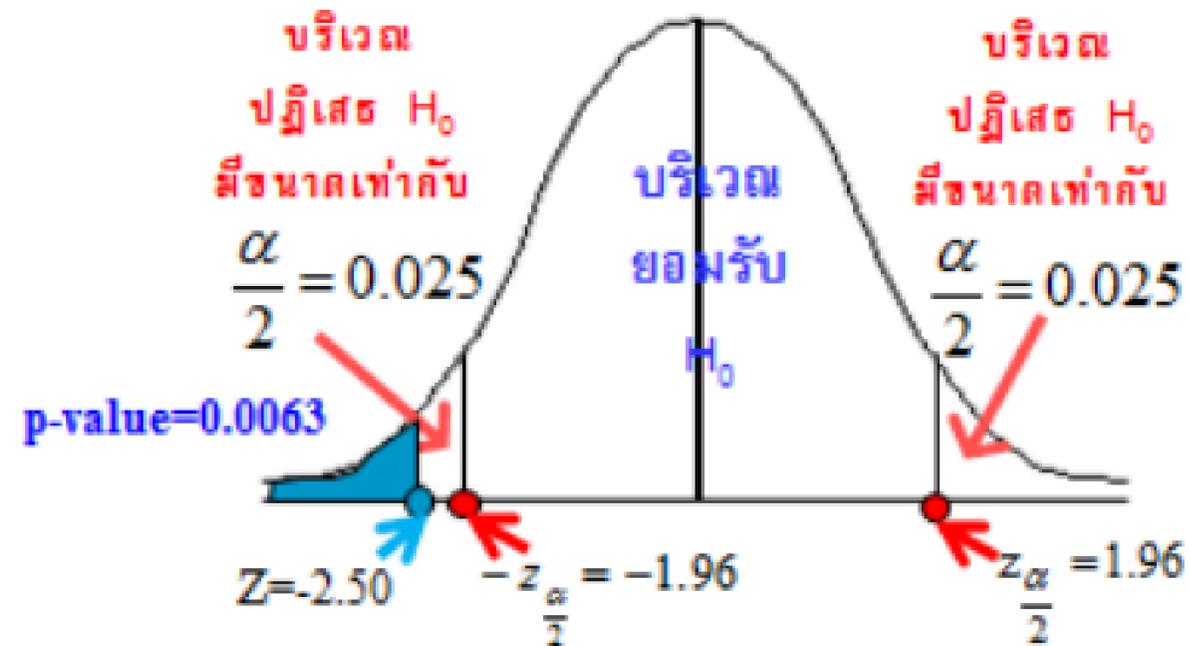
$$H_1 : \mu \neq 50$$

$$\alpha = 0.05$$

ตัวสถิติทดสอบ

$$Z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\frac{s}{\sqrt{n}}} = -2.50$$

p-value
 $P(Z < -2.50) = 0.0063$



p-value หรือ ค่า sig คือ ค่าความน่าจะเป็นที่ใช้ในการปฏิเสธหรือยอมรับ H_0

ถ้า **p-value** มีค่าน้อยกว่า $\alpha/2$ จะปฏิเสธ **H_0**
ถ้า **p-value** มีค่ามากกว่า $\alpha/2$ จะยอมรับ **H_0**



ประเภทของการทดสอบสมมติฐาน

- **ค่าเฉลี่ย 1 กลุ่มประชากร**

การทดสอบสมมติฐานค่าเฉลี่ย 1 กลุ่มประชากร (ทราบค่าความแปรปรวน) กรณี n น้อยกว่า 30

การทดสอบสมมติฐานค่าเฉลี่ย 1 กลุ่มประชากร (ทราบค่าความแปรปรวน) กรณี n มากกว่า 30

การทดสอบสมมติฐานค่าเฉลี่ย 1 กลุ่มประชากร (ไม่ทราบค่าความแปรปรวน)

- **ค่าเฉลี่ย 2 กลุ่มประชากร**

การทดสอบสมมติฐานค่าเฉลี่ย 2 กลุ่มประชากร (ทราบค่าความแปรปรวน)

การทดสอบสมมติฐานค่าเฉลี่ย 2 กลุ่มประชากร (ไม่ทราบค่าความแปรปรวน)

- **สัดส่วน 1 กลุ่มประชากร และ 2 กลุ่มประชากร**



ตัวอย่างการทดสอบสมมติฐาน



การทดสอบสมมติฐานเกี่ยวกับค่าเฉลี่ยของประชากร 1 กลุ่ม (μ)

ตัวอย่าง 6.4 ผู้ผลิตไอศกรีมแห่งหนึ่งเชื่อว่าไอศกรีมของเขาประกอบด้วยแคลอรีเฉลี่ย 500 แคลอรีต่อกรัม เขาจึงสุ่มไอศกรีมหนักก้อนละ 1 กรัมมา 25 ก้อน แล้วคำนวณปริมาณแคลอรีเฉลี่ยได้ 510 แคลอรีต่อกรัม ค่าเบี่ยงเบนมาตรฐาน 23 แคลอรีต่อกรัม อยากทราบว่าสิ่งที่ผู้ผลิตเชื่อนั้นจริงหรือไม่ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

วิธีทำ กำหนด μ แทนปริมาณแคลอรีเฉลี่ยในไอศกรีม 1 กรัม

μ_0 แทนค่าคงที่เท่ากับ 500

สมมติฐานเชิงสถิติ

$$H_0 : \mu = 500$$

$$H_1 : \mu \neq 500$$



ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$

เนื่องจากไม่ทราบความแปรปรวน และตัวอย่างมีขนาดเล็ก ดังนั้นตัวสถิติทดสอบคือ

$$\begin{aligned} T &= \frac{\bar{x} - \mu_0}{s / \sqrt{n}} \\ &= \frac{510 - 500}{23 / 5} \\ &= 2.17 \end{aligned}$$

เนื่องจากเป็นการทดสอบสมมติฐานแบบสองทาง ดังนั้น ค่าวิกฤตจึงมี 2 ค่า คือ

$$\begin{aligned} t_{\alpha/2, n-1} &= t_{0.05, 24} = 1.711 \\ -t_{\alpha/2, n-1} &= -t_{0.05, 24} = -1.711 \end{aligned}$$

เนื่องจากค่าตัวสถิติทดสอบ $T = 2.17$ มากกว่าค่าวิกฤต อยู่ในบริเวณปฏิเสธ H_0 นั่นคือปริมาณแคลอรีเฉลี่ยต่อไอศกรีม 1 กรัมไม่เท่ากับ 500 แคลอรี หรือความเชื่อของผู้ผลิตไอศกรีมไม่เป็นจริง ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10 ($p_value = P(T > 2.17) = 0.02$)



การทดสอบสมมติฐานเกี่ยวกับค่าเฉลี่ยของประชากร 2 กลุ่ม ($\mu_1 - \mu_2$)

ตัวอย่าง 6.5 ครูผู้สอนคนหนึ่งต้องการทดสอบว่าวิธีการสอน 2 วิธี คือวิธี A และวิธี B วิธีใดจะมีประสิทธิภาพที่ดีกว่ากัน จึงเลือกตัวอย่างนักเรียนมา 24 คน แล้วแบ่งออกเป็น 2 กลุ่มเท่า ๆ กัน โดยใช้ครูผู้สอนคนเดียวกัน ละเนื้อหาเรื่องเดียวกัน แต่กลุ่มแรกสอนด้วยวิธี A และกลุ่มที่สองสอนด้วยวิธี B จากผลการทดสอบพบว่าคะแนนเฉลี่ย และความแปรปรวนของคะแนนกลุ่มแรก และ กลุ่มที่สองคือ 31.75 กิโลกรัม 10.20 กรัม² และ 28.66 กิโลกรัม 6.06 กรัม² จากข้อมูลนี้ครูผู้สอนคิดว่าการสอนวิธี A จะมีประสิทธิภาพดีกว่า จงทดสอบว่าครูผู้สอนคิดถูกหรือไม่ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 ถ้าความแปรปรวนของข้อมูลทั้ง 2 กลุ่มเท่ากัน

วิธีทำ กำหนด μ_1 แทนคะแนนเฉลี่ยของนักเรียนที่เรียนด้วยวิธี A

μ_2 แทนคะแนนเฉลี่ยของนักเรียนที่เรียนด้วยวิธี B

สมมติฐานเชิงสถิติ

$$H_0 : \mu_1 \leq \mu_2$$

$$H_1 : \mu_1 > \mu_2$$

เนื่องไม่ทราบความแปรปรวนของประชากร แต่ทราบว่า $\sigma_1^2 = \sigma_2^2 = \sigma^2$ และ

ตัวอย่างมีขนาดเล็ก ดังนั้น



ตัวสถิติทดสอบคือ

$$\begin{aligned} T &= \frac{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - (\mu_1 - \mu_2)}{s_p \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}} \\ &= \frac{(31.75 - 28.67) - 0}{2.85 \sqrt{\frac{1}{12} + \frac{1}{12}}} \\ &= \frac{3.08}{1.16} \\ &= 2.66 \end{aligned}$$

โดยที่

$$\begin{aligned} s_p^2 &= \frac{(n_1 - 1)s_1^2 + (n_2 - 1)s_2^2}{n_1 + n_2 - 2} \\ &= \frac{(12 - 1)10.20 + (12 - 1)6.06}{12 + 12 - 2} \\ &= 8.13 \end{aligned}$$

ค่าวิกฤต $t_{\alpha, n_1 + n_2 - 2} = t_{0.05, 22} = 1.717$

เนื่องจากค่าสถิติทดสอบ $T = 2.66$ มากกว่าค่าวิกฤตจึงปฏิเสธ H_0 หมายความว่า คะแนนเฉลี่ยของนักเรียนที่เรียนด้วยวิธี A มากกว่าเรียนด้วยวิธี B นั่นคือ การสอนวิธี A มีประสิทธิภาพดีกว่าวิธี B อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ 0.05 ($p_value = P(T > 2.66) = 0.007$)



THANK YOU

