

บทที่ 4

พื้นฐานการสร้างทางเรขาคณิต

บทที่ 4 จะกล่าวถึงการใช้เครื่องมือ และพื้นฐานการสร้างทางเรขาคณิต เป็นสิ่งที่สำคัญอย่างมากต่อการพิสูจน์ทฤษฎีบทเรขาคณิต เนื่องจากในการพิสูจน์ทฤษฎีบททางเรขาคณิตมีหลายต่อหลายครั้งที่เราจำเป็นต้องสร้างรูปเรขาคณิตขึ้นมาเพื่อช่วยในการพิสูจน์ให้เข้าใจขึ้นอีกทั้งในการสร้างทางเรขาคณิตยังช่วยให้เข้าใจสมบัติต่างๆ ทางเรขาคณิตมากยิ่งขึ้น ในบทนี้จะแยกเนื้อหาออกเป็น 3 ส่วน ดังนี้

ส่วนที่ 1 เครื่องมือที่ใช้ในการสร้างรูปเรขาคณิต

ส่วนที่ 2 พื้นฐานการสร้างรูปเรขาคณิต

ส่วนที่ 3 การสร้างรูปเรขาคณิตอย่างง่าย

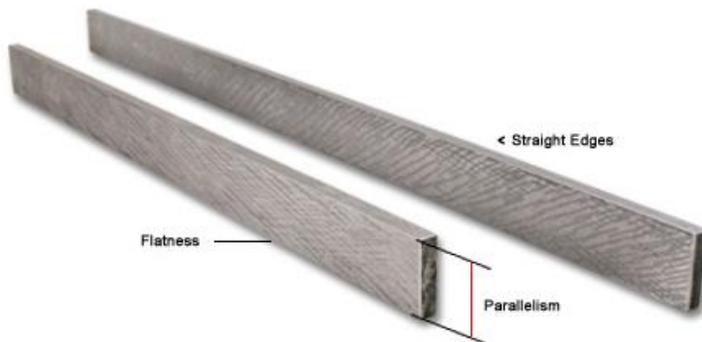
1. เครื่องมือที่ใช้ในการสร้างรูปเรขาคณิต

เดิมทีในการเรียนวิชาเรขาคณิตในสมัยก่อนนั้น นักคณิตศาสตร์ในสมัยบาบิโลน อียิปต์ นั้นยังไม่ได้ให้ความสำคัญกับการสร้างรูปเรขาคณิตเท่าไร สมัยนั้นจะสนใจเพียงแต่โจทย์ปัญหาในการหาความยาว พื้นที่ และปริมาตร เท่านั้น ต่อมาในยุคสมัยกรีกนั้นความรู้ทางด้านเรขาคณิตได้รับความสนใจเป็นอย่างมาก ได้มีการนำรูปเรขาคณิตมาใช้ในการออกแบบทางด้านศิลปะมากขึ้นจึงเป็นจุดเริ่มแรกของการเขียนขั้นตอนในการสร้างรูปพื้นฐานทางเรขาคณิตขึ้นมานั่นเอง

ในสมัยนั้นเครื่องมือที่นำมาใช้ในการวาดรูปทางเรขาคณิตนั้นมีเพียง วงเวียน และสันตรง เท่านั้น จะกล่าวต่อไปนี้

1.1 สันตรง (Straight Edges) หรือไม้บรรทัด (Ruler)

สันตรง หรือไม้บรรทัด เป็นอุปกรณ์ที่ใช้ในการเขียนเส้นตรง ในสมัยก่อนเราจะเรียกว่า “สันตรง” ซึ่งในสมัยนั้นสันตรงยังไม่มีกำหนดหน่วยการวัดลงไป เป็นแค่อุปกรณ์ที่ใช้ในการลากเส้นเท่านั้น ดังรูป

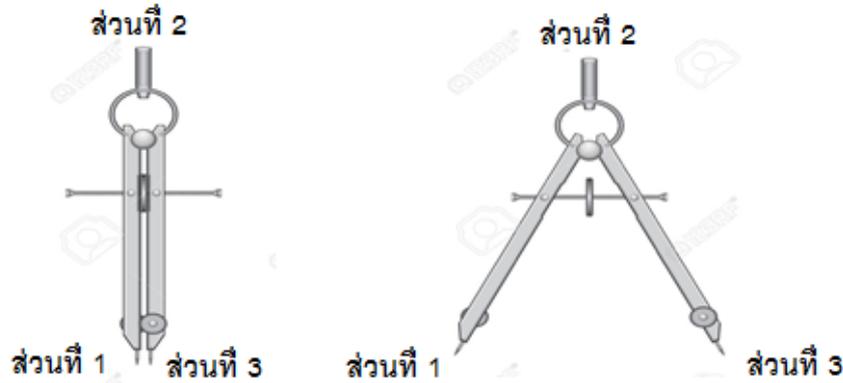


รูปที่ 70 ภาพตัวอย่างสันตรง (Straight Edges)

แล้วก็มีการพัฒนาเรื่อยๆ มาจนได้เป็นไม้บรรทัดในปัจจุบัน ซึ่งมีการกำหนดหน่วยการวัดความยาวระบุไว้ ได้แก่ มิลลิเมตร เซนติเมตร และนิ้ว เป็นต้น

1.2 วงเวียน (Compass)

ในสมัยก่อนสันตรง หรือไม้บรรทัด นั้นยังไม่มีมีการกำหนดสเกล หรือความยาวลงไปไหน นั้น อีกทั้งอุปกรณ์ในการวัดมุมต่างๆ หรือการสร้างรูปวงกลมก็ไม่มีให้ใช้ ดังนั้นนักออกแบบจึงได้สร้างวงเวียนขึ้นมาเพื่อเป็นอุปกรณ์ที่ช่วยในการวัดระยะ สร้างรูปวงกลม และสร้างมุมที่มีขนาดต่างๆ โดยลักษณะของวงเวียน จะมีองค์ประกอบอยู่ 3 ส่วน ส่วนที่ 1 ตัวยึดส่วนที่ 2 ตัวหมุน และส่วนที่ 3 ตัวที่ใช้ลากเส้น ดังรูป



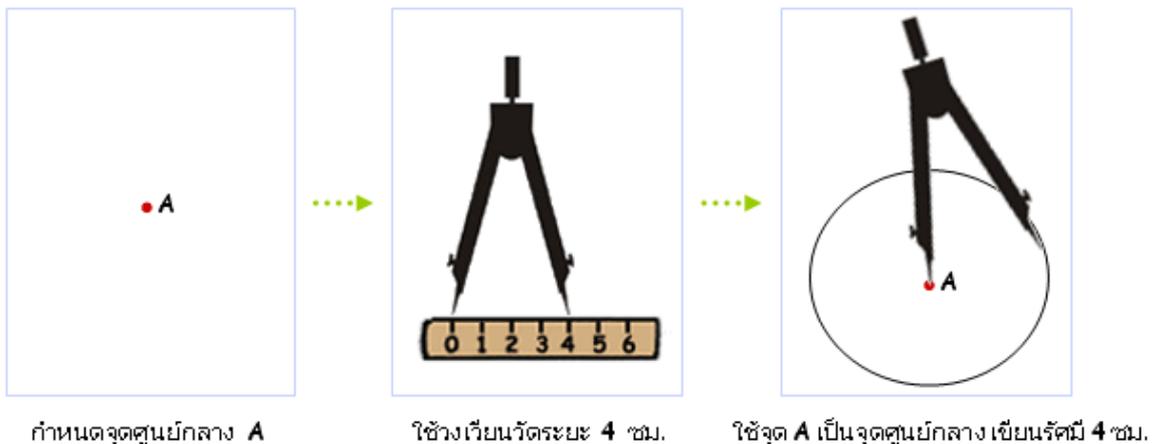
รูปที่ 71 อธิบายส่วนประกอบของวงเวียน (compass)

ในกระบวนการขั้นตอนในการใช้วงเวียน ประกอบไปด้วย 3 ขั้นตอน ดังนี้

ขั้นที่ 1 กำหนดจุดที่จะใช้ในการสร้างรูป

ขั้นที่ 2 ทำการวัดระยะทาง

ขั้นที่ 3 เขียนส่วนโค้ง



รูปที่ 72 อธิบายขั้นตอนการใช้วงเวียน (compass)

2. พื้นฐานการสร้างรูปเรขาคณิต

ในส่วนนี้จะกล่าวถึงพื้นฐานในการสร้างรูปเรขาคณิต ซึ่งจะเป็นพื้นฐานที่จะต้องเรียนรู้ เพื่อที่จะสามารถนำไปใช้สร้างรูปเรขาคณิตอื่นๆ ได้โดยแบ่งออกเป็นพื้นฐานการสร้างต่างๆ ดังนี้

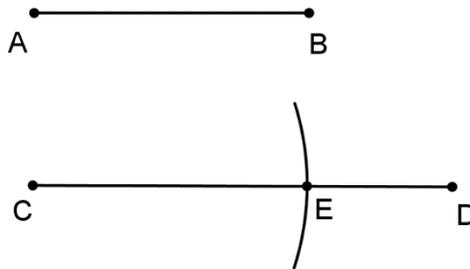
- 2.1. การสร้างส่วนของเส้นตรงที่ยาวเท่ากับความยาวของส่วนของเส้นตรงที่กำหนดให้
- 2.2. การแบ่งครึ่งส่วนของเส้นตรงที่กำหนดให้
- 2.3. การสร้างมุมให้มีขนาดเท่ากับขนาดของมุมที่กำหนดให้
- 2.4. การแบ่งครึ่งมุมที่กำหนดให้
- 2.5. การสร้างเส้นตั้งฉากจากจุดภายนอกมายังเส้นตรงที่กำหนดให้
- 2.6. การสร้างเส้นตั้งฉากที่จุดจุดหนึ่งบนเส้นตรงที่กำหนดให้

2.1. การสร้างส่วนของเส้นตรงที่ยาวเท่ากับความยาวของส่วนของเส้นตรงที่กำหนดให้

กระบวนการในการสร้างนั้นสิ่งแรกที่เราจะต้องกำหนดในการสร้างคือส่วนของเส้นตรงสองเส้นที่มีความยาวไม่เท่ากัน ดังตัวอย่าง

ตัวอย่าง 1 กำหนดส่วนของเส้นตรง AB และส่วนของเส้นตรง CD โดยที่ $CD > AB$

จงสร้าง $CE = AB$

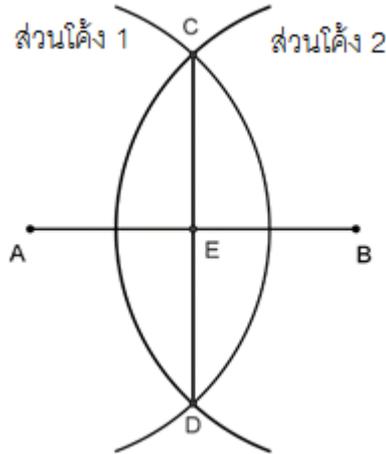


- วิธีสร้าง**
- 1) ลากส่วนของเส้นตรง AB และ CD โดยที่ $CD > AB$
 - 2) ให้จุด C เป็นจุดศูนย์กลางของวงกลม มีรัศมียาวเท่ากับ AB
 - 3) เขียนส่วนโค้งตัด \overline{CD} ที่จุด E
 - 4) ได้ $CE = AB$

2.2. การแบ่งครึ่งส่วนของเส้นตรงที่กำหนดให้

การแบ่งครึ่งส่วนของเส้นตรงที่กำหนดให้ นั้นสิ่งแรกที่เราจะต้องมีนั่นก็คือต้องกำหนด ส่วนของเส้นตรงมาให้หนึ่งเส้น ดังตัวอย่าง

ตัวอย่าง 2 กำหนดส่วนของเส้นตรง AB จงแบ่งครึ่งส่วนของเส้นตรงที่กำหนดให้



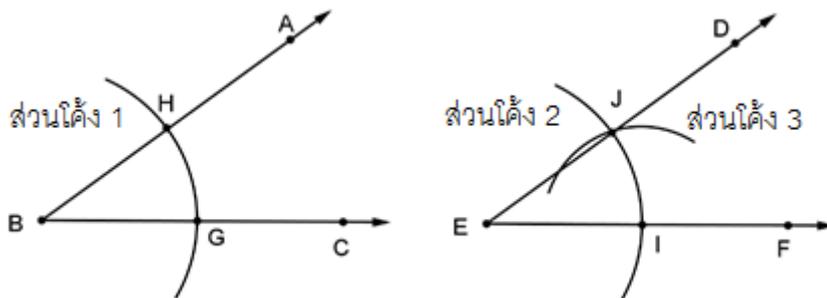
- วิธีสร้าง**
- 1) ให้จุด A เป็นจุดศูนย์กลาง มีรัศมียาวพอประมาณเขียนส่วนโค้ง 1
 - 2) ให้จุด B เป็นจุดศูนย์กลาง มีรัศมียาวเท่ากันเขียนส่วนโค้ง 2
 - 3) ส่วนโค้ง 1 ตัดส่วนโค้ง 2 ที่จุด C และจุด D ตามลำดับ
 - 4) ลากส่วนของเส้นตรงเชื่อมจุด C และจุด D ตัด \overline{AB} ที่จุด E
 - 5) จะได้ $AE = BE$

2.3. การสร้างมุมให้มีขนาดเท่ากับขนาดของมุมที่กำหนดให้

ในการสร้างกรณีนี้ 2.3 นี้ สิ่งที่เราผู้สร้างจำเป็นต้องมีในการสร้าง ประกอบไปด้วยมุมที่กำหนดให้หนึ่งมุม และจุดยอดหนึ่งจุดที่เป็นจุดภายนอกมุมที่กำหนดให้ ดังตัวอย่าง

ตัวอย่าง 3 กำหนดมุม ABC และจุด E ดังรูป

จงสร้างมุมให้มีขนาดเท่ากับมุม ABC



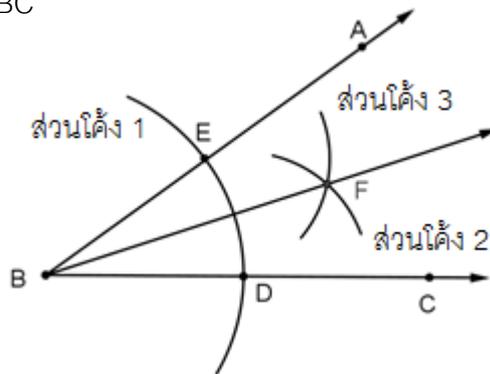
- วิธีสร้าง**
- 1) ลาก \overrightarrow{EF}
 - 2) ใช้จุด B เป็นจุดศูนย์กลางวงเวียนรัศมีพอประมาณเขียนส่วนโค้ง 1 ตัด \overrightarrow{BC} และ \overrightarrow{BA} ที่จุด G และจุด H ตามลำดับ
 - 3) ใช้จุด E เป็นจุดศูนย์กลางวงเวียนรัศมีเท่ากับข้อ 2 เขียนส่วนโค้ง 2 ตัด \overrightarrow{EF} ที่จุด I
 - 4) ใช้จุด I เป็นจุดศูนย์กลางวงเวียนรัศมีเท่ากับ GH เขียนส่วนโค้ง 3 ตัดส่วนโค้ง 2 ที่จุด J ลาก \overrightarrow{ED} ผ่านจุด J
- \therefore จะได้มุม DEF ซึ่งมี $m(\widehat{DEF}) = m(\widehat{ABC})$

2.4. การแบ่งครึ่งมุมที่กำหนดให้

ในการสร้างกรณี 2.4 ต้องกำหนดมุมมาให้หนึ่งมุม แล้วใช้ความรู้เกี่ยวกับการแบ่งครึ่งส่วนของเส้นตรงมาใช้ในการแบ่งครึ่งมุม ดังตัวอย่าง

ตัวอย่าง 4 กำหนดมุม ABC ดังรูป

จงแบ่งครึ่งมุม ABC



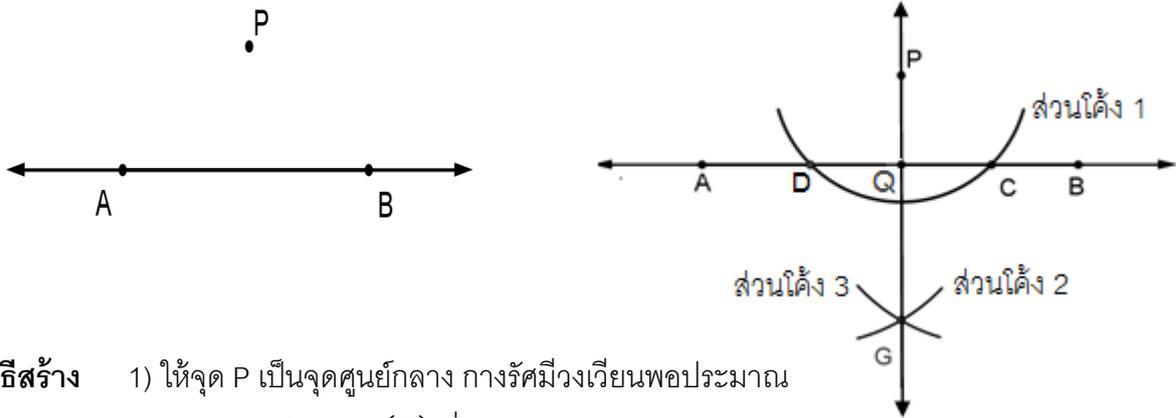
- วิธีสร้าง**
- 1) ใช้จุด B เป็นจุดศูนย์กลางรัศมียาวพอสมควรเขียนส่วนโค้ง 1 ตัด \overrightarrow{BA} และ \overrightarrow{BC} ที่จุด E และจุด D ตามลำดับ
 - 2) ใช้จุด D เป็นจุดศูนย์กลางรัศมียาว ED เขียนส่วนโค้ง 2
 - 3) ใช้จุด E เป็นจุดศูนย์กลางวงเวียนรัศมีเท่าข้อ 2 เขียนส่วนโค้ง 3 ตัดส่วนโค้ง 2 ที่จุด F
 - 4) ลากรังสีจากจุด B ผ่านจุด F
- จะได้ \overrightarrow{BF} แบ่งครึ่งมุม ABC ที่ทำให้ $m(\widehat{FBA}) = m(\widehat{FBC})$

2.5. การสร้างเส้นตั้งฉากจากจุดภายนอกมายังเส้นตรงที่กำหนดให้

การสร้างในกรณี 2.5 เราต้องกำหนดเส้นตรงมาให้หนึ่งเส้น และจุดภายนอกเส้นตรงหนึ่งจุด หลักในการสร้างนั้นจะใช้ความรู้เกี่ยวกับการแบ่งครึ่งส่วนของเส้นตรงมาใช้ ดังตัวอย่าง

ตัวอย่าง 5 กำหนด \overleftrightarrow{AB} และให้จุด P เป็นจุดภายนอก \overleftrightarrow{AB}

จงสร้างเส้นตั้งฉากจากจุด P มายัง \overleftrightarrow{AB}



วิธีสร้าง

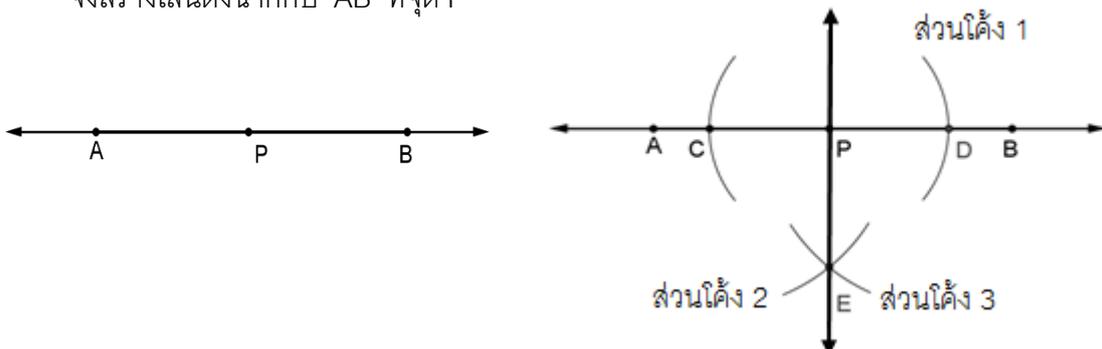
- 1) ให้จุด P เป็นจุดศูนย์กลาง กางรัศมีวงเวียนพอประมาณ
- 2) เขียนส่วนโค้ง 1 ตัด \overleftrightarrow{AB} ที่จุด C และจุด D ตามลำดับ
- 3) ให้จุด D เป็นจุดศูนย์กลาง กางรัศมีวงเวียนพอประมาณ เขียนส่วนโค้ง 2
- 4) ให้จุด C เป็นจุดศูนย์กลาง กางรัศมีเท่ากับข้อ 3) เขียนส่วนโค้ง 3 ตัดส่วนโค้ง 2 ที่จุด G
- 5) ลากเส้นตรง GP ตัด \overleftrightarrow{AB} ที่จุด Q จะได้ว่า $\overleftrightarrow{GP} \perp \overleftrightarrow{AB}$

2.6. การสร้างเส้นตั้งฉากที่จุดจุดหนึ่งบนเส้นตรงที่กำหนดให้

การสร้างในกรณี 2.6 เราต้องกำหนดเส้นตรงมาให้หนึ่งเส้น และจุดบนเส้นตรงหนึ่งจุด หลักในการสร้างนั้นจะใช้เช่นเดียวกับการสร้างในกรณี 2.5 ดังตัวอย่าง

ตัวอย่าง 6 กำหนด \overleftrightarrow{AB} และให้จุด P เป็นจุดบน \overleftrightarrow{AB}

จงสร้างเส้นตั้งฉากกับ \overleftrightarrow{AB} ที่จุด P



- วิธีสร้าง**
- 1) ให้จุด P เป็นจุดศูนย์กลาง ทางรัศมีวงเวียนพอประมาณ
 - 2) เขียนส่วนโค้ง 1 ตัด \overrightarrow{AB} ที่จุด C และจุด D ตามลำดับ
 - 3) ให้จุด C เป็นจุดศูนย์กลาง ทางรัศมีวงเวียนพอประมาณ เขียนส่วนโค้ง 2
 - 4) ให้จุด D เป็นจุดศูนย์กลาง ทางรัศมีวงเวียนเท่ากับข้อ 3) เขียนส่วนโค้ง 3 ตัดส่วนโค้ง 2 ที่จุด E
 - 5) ลาก \overrightarrow{PE} ตัด \overrightarrow{AB} จะได้ว่า $\overrightarrow{PE} \perp \overrightarrow{AB}$

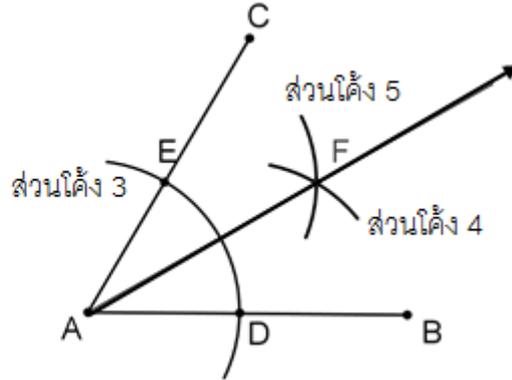
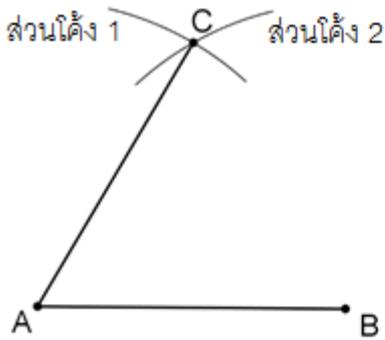
3. การสร้างรูปเรขาคณิตอย่างง่าย

จากความรู้ในเรื่องการสร้างพื้นฐานทางเรขาคณิตที่กล่าวมาข้างต้น นักคณิตศาสตร์ได้นำมาต่อยอดเป็นการพัฒนา และสร้างสรรค์รูปทางเรขาคณิตต่างๆ ขึ้นมาใหม่โดยอาศัยฐานความรู้เดิม สร้างออกมาเป็นรูปเรขาคณิตอย่างง่าย ได้แก่

- 3.1. การสร้างมุมที่มีขนาดต่างๆ
 - 3.1.1 มุมที่มีขนาด 60° และ 30°
 - 3.1.2 มุมที่มีขนาด 90° และ 45°
- 3.2. การสร้างเส้นขนานกับเส้นตรงที่กำหนดให้ จากจุดภายนอกเส้นตรง
- 3.3. การสร้างรูปสี่เหลี่ยม
 - 3.3.1 รูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส
 - 3.3.2 รูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า
 - 3.3.3 รูปสี่เหลี่ยมด้านขนาน
 - 3.3.4 รูปสี่เหลี่ยมขนมเปียกปูน
- 3.4. การสร้างรูปสามเหลี่ยม
 - 3.4.1 รูปสามเหลี่ยมด้านเท่า
 - 3.4.2 รูปสามเหลี่ยมหน้าจั่ว
 - 3.4.3 รูปสามเหลี่ยมมุมฉาก
- 3.5. การสร้างรูปหลายเหลี่ยม

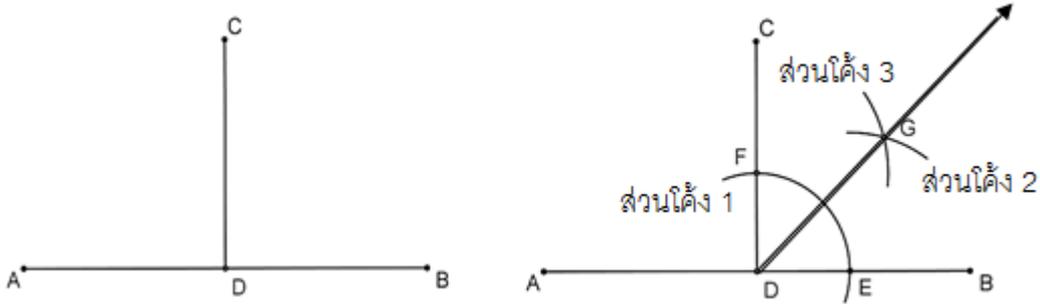
3.1. การสร้างมุมที่มีขนาดต่าง ๆ

3.1.1 มุมที่มีขนาด 60° และ 30°



วิธีสร้าง สร้างมุมที่มีขนาด 60°

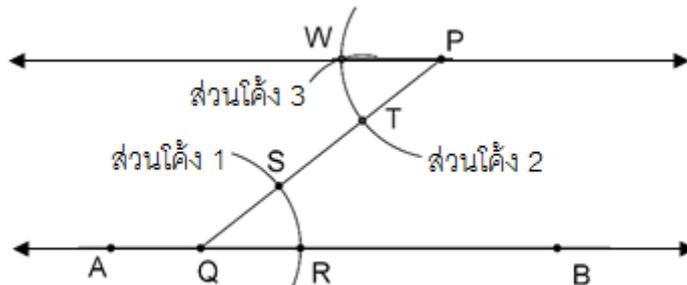
- 1) ลาก \overline{AB}
- 2) ให้จุด A เป็นจุดศูนย์กลาง กางรัศมีวงเวียนเท่ากับ AB เขียนส่วนโค้ง 1
- 3) ให้จุด B เป็นจุดศูนย์กลาง กางรัศมีวงเวียนเท่ากับข้อ 2) เขียนส่วนโค้ง 2 ตัดส่วนโค้งที่ 1 ที่จุด C
- 4) ลาก \overline{AC} จะได้มุม BAC ที่มีขนาดของมุมเท่ากับ 60°
สร้างมุมที่มีขนาด 30° โดยวิธีการแบ่งครึ่งมุม 60° ดังนี้
- 5) ให้จุด A เป็นจุดศูนย์กลาง กางรัศมีวงเวียนพอประมาณ เขียนส่วนโค้ง 3 ตัด \overline{AB} และ \overline{AC} ที่จุด D และจุด E ตามลำดับ
- 6) ให้จุด D และจุด E เป็นจุดศูนย์กลาง กางรัศมีวงเวียนเท่ากับ DE เขียนส่วนโค้ง 4 ตัดส่วนโค้ง 5 ที่จุด F
- 7) ลากรังสีจากจุด A ผ่านจุด F จะได้ $m(\widehat{FAC}) = m(\widehat{BAF}) = 30^\circ$

3.1.2 มุมที่มีขนาด 90° และ 45° 

- วิธีสร้าง**
- 1) สร้างเส้นตั้งฉากกับส่วนของเส้นตรง AB จะได้มุม BDC ที่มีขนาดเท่ากับ 90°
 - 2) สร้างมุมขนาด 45° ด้วยการแบ่งครึ่งมุม BDC
 - 3) ให้จุด D เป็นจุดศูนย์กลาง กางรัศมีวงเวียนพอประมาณ เขียนส่วนโค้ง 1 ตัด \overline{CD} และ \overline{BD} ที่จุด F และจุด E ตามลำดับ
 - 4) ให้จุด E และจุด F เป็นจุดศูนย์กลาง กางรัศมีวงเวียนเท่ากับ EF เขียนส่วนโค้ง 2 ตัดส่วนโค้ง 1 ที่จุด G
 - 5) ลากรังสีจากจุด D ผ่านจุด G จะได้ $m(\widehat{GDC}) = m(\widehat{BDG}) = 45^\circ$

3.2. การสร้างเส้นขนานกับเส้นตรงที่กำหนดให้จากจุดภายนอกเส้นตรง

กำหนดเส้นตรง AB และจุด P เป็นจุดภายนอก

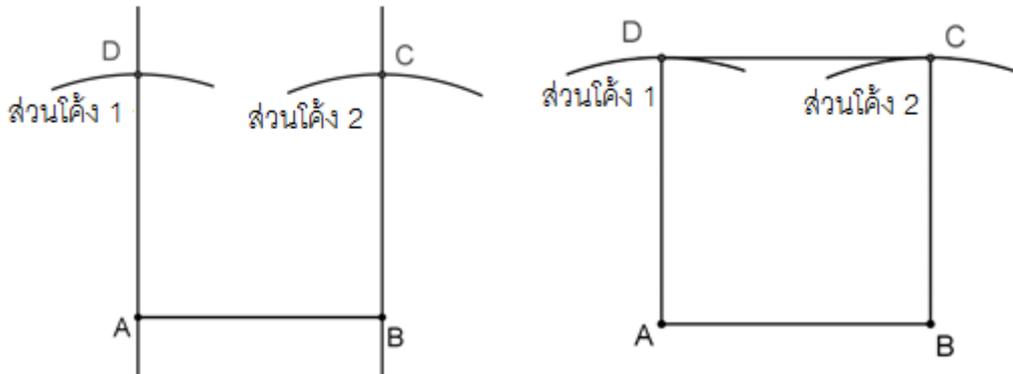


- วิธีสร้าง**
- 1) กำหนดจุด Q บนเส้นตรง AB
 - 2) ลากส่วนของเส้นตรง PQ จะได้ \widehat{BQP}
- ใช้วิธีการสร้างมุมให้มีขนาดเท่ากับมุมที่กำหนดให้ที่จุด P จะได้
- 3) ให้จุด Q เป็นจุดศูนย์กลาง กางรัศมีวงเวียนพอประมาณเขียนส่วนโค้ง 1 ตัด \overrightarrow{PQ} และ \overrightarrow{AB} ที่จุด S และ R ตามลำดับ
 - 4) ให้จุด P เป็นจุดศูนย์กลาง กางรัศมีวงเวียนเท่ากับข้อ 3) เขียนส่วนโค้ง 2 ตัด \overrightarrow{PQ} ที่จุด T

- 5) ให้จุด T เป็นจุดศูนย์กลางของวงเวียนเท่ากับ SR เขียนส่วนโค้ง 3 ตัด ส่วนโค้ง 2 ที่จุด W
- 6) ลากเส้นตรงผ่านจุด W และจุด P จะได้ $\overleftrightarrow{WP} \parallel \overleftrightarrow{AB}$

3.3. การสร้างรูปสี่เหลี่ยม

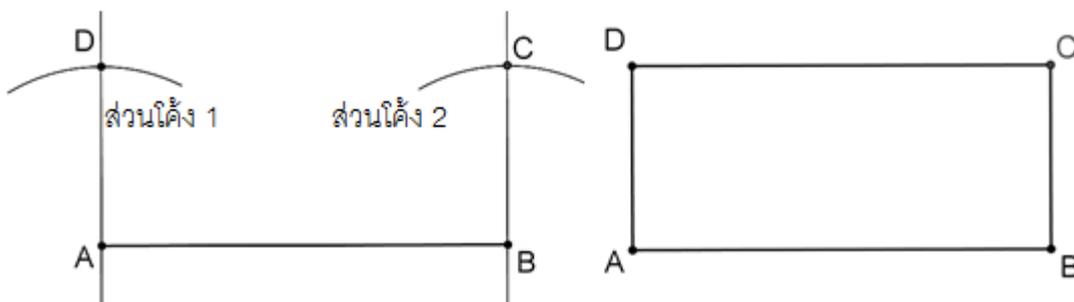
3.3.1 รูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส



วิธีสร้าง

- 1) ลากส่วนของเส้นตรง AB
- 2) สร้างเส้นตั้งฉากกับส่วนของเส้นตรง AB ที่จุด A และ จุด B
- 3) ใช้จุด A และจุด B เป็นจุดศูนย์กลางของวงเวียนเท่ากับ AB เขียนส่วนโค้งที่ 1 และส่วนโค้ง 2 ตัดเส้นตั้งฉากที่จุด D และ จุด C ตามลำดับ
- 4) ลากส่วนของเส้นตรง BC CD และ AD
- 5) จะได้รูปสี่เหลี่ยม ABCD เป็นรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส

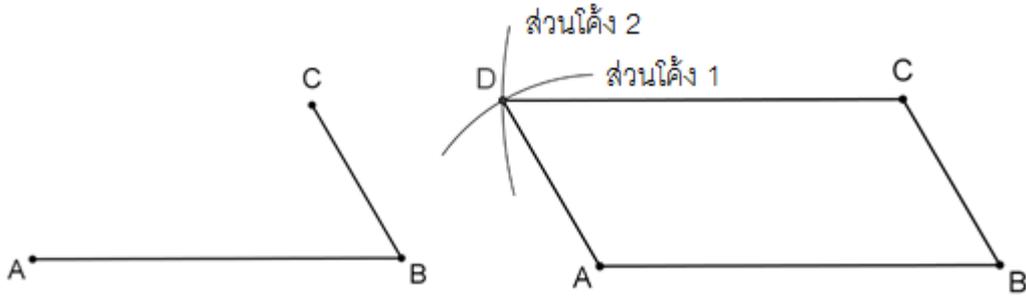
3.3.2 รูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า



วิธีสร้าง (แบบฝึกหัด)

3.3.3 รูปสี่เหลี่ยมด้านขนาน

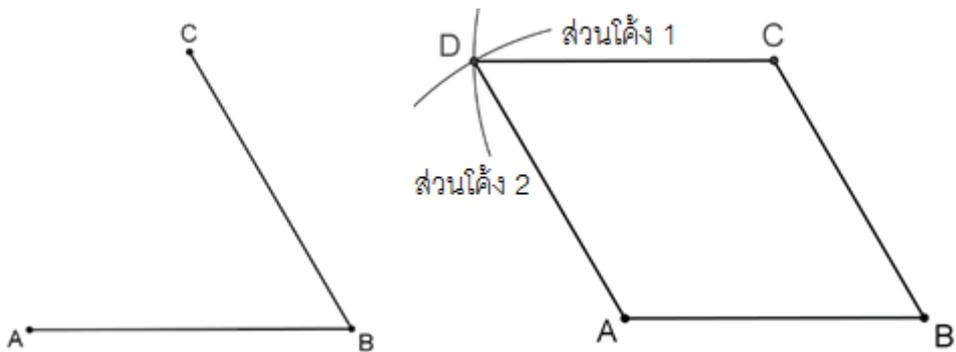
กำหนดส่วนของเส้นตรง AB และส่วนของเส้นตรง BC โดยที่ $AB > BC$ และให้ มุม ABC มีขนาดเท่ากับ 60°



- วิธีสร้าง**
- 1) ให้จุด A เป็นจุดศูนย์กลาง กางรัศมีวงเวียนเท่ากับ BC เขียนส่วนโค้ง 1
 - 2) ให้จุด C เป็นจุดศูนย์กลาง กางรัศมีวงเวียนเท่ากับ AB เขียนส่วนโค้ง 2 ตัดส่วนโค้ง 1 ที่จุด D
 - 3) ลากส่วนของเส้นตรง CD และ AD
 - 4) จะได้รูปสี่เหลี่ยม ABCD เป็นรูปสี่เหลี่ยมด้านขนาน

3.3.4 รูปสี่เหลี่ยมขนมเปียกปูน

กำหนดส่วนของเส้นตรง AB และส่วนของเส้นตรง BC โดยที่ $AB = BC$ และให้มุม ABC มีขนาดเท่ากับ 60°

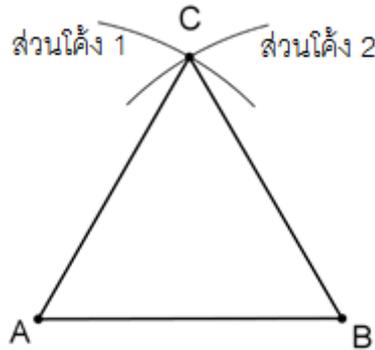


วิธีสร้าง (แบบฝึกหัด)

3.4. การสร้างรูปสามเหลี่ยม

3.4.1 รูปสามเหลี่ยมด้านเท่า

กำหนดส่วนของเส้นตรง AB

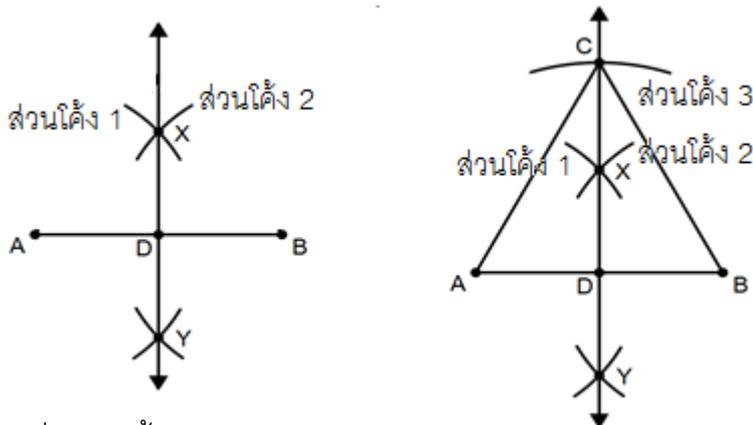


วิธีสร้าง

- 1) ลากส่วนของเส้นตรง AB
 - 2) ให้จุด A เป็นจุดศูนย์กลาง ทางรัศมีวงเวียนเท่ากับ AB เขียนส่วนโค้ง 1
 - 3) ให้จุด B เป็นจุดศูนย์กลาง ทางรัศมีวงเวียนเท่ากับข้อ 2) เขียนส่วนโค้ง 2 ตัดส่วนโค้ง 1 ที่จุด C
 - 4) ลากส่วนของเส้นตรง BC และ AC
- จะได้รูปสามเหลี่ยม ABC เป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่า

3.4.2 รูปสามเหลี่ยมหน้าจั่ว

กำหนดให้ \overline{AB} เป็นฐาน จงสร้างรูปสามเหลี่ยมหน้าจั่วที่มีความสูง 3 เซนติเมตร

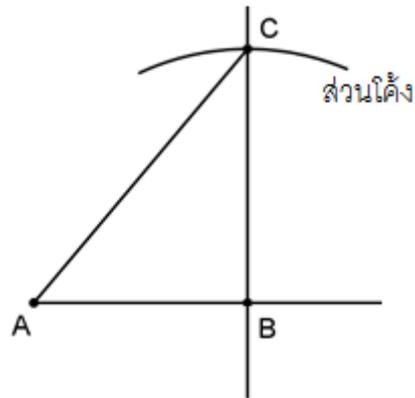


วิธีสร้าง

- 1) ลากส่วนของเส้นตรง AB
- 2) ทำการแบ่งครึ่งส่วนของเส้นตรง AB โดยให้จุด A และจุด B เป็นจุดศูนย์กลาง ทางรัศมีวงเวียนพอประมาณที่เท่ากัน เขียนส่วนโค้ง 1 ตัดส่วนโค้งที่ 2 ที่จุด X และ Y ตามลำดับ
- 3) ลาก \overline{XY} ตัด \overline{AB} ที่จุด D จะได้ $\overline{XY} \perp \overline{AB}$ และ $AD = BD$

- 4) ให้จุด D เป็นจุดศูนย์กลาง ทางรัศมีวงเวียนระยะเท่ากับ 3 เซนติเมตร เขียนส่วนโค้ง 4 ตัด \overleftrightarrow{XY} ที่จุด C
- 5) ลากส่วนของเส้นตรง AC และ BC
- จะได้รูปสามเหลี่ยม ABC เป็นรูปสามเหลี่ยมหน้าจั่วที่มีความสูง 3 เซนติเมตร

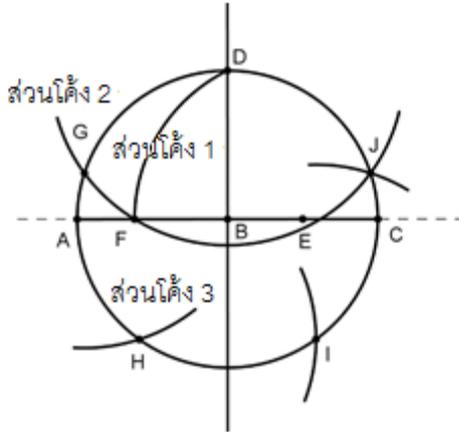
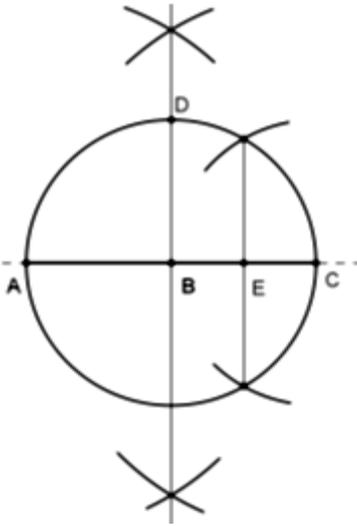
3.4.3 รูปสามเหลี่ยมมุมฉาก



วิธีสร้าง

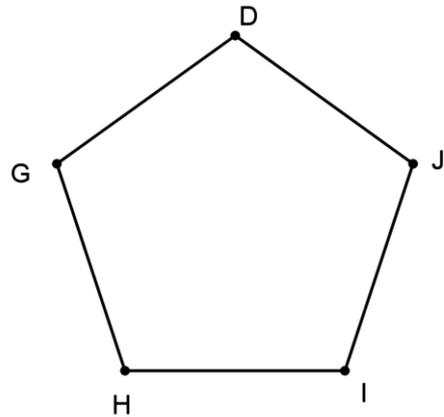
- 1) ลากส่วนของเส้นตรง AB
 - 2) สร้างเส้นตั้งฉากกับส่วนของเส้นตรง AB ที่จุด B
 - 3) ใช้จุด B เป็นจุดศูนย์กลาง ทางรัศมีวงเวียนพอประมาณ เขียนส่วนโค้งตัดเส้นตั้งฉากที่จุด C
 - 4) ลากส่วนของเส้นตรง AC และ BC
- จะได้รูปสามเหลี่ยม ABC เป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก

3.5. การสร้างรูปหลายเหลี่ยมปกติ



วิธีสร้าง

- 1) กำหนดส่วนของเส้นตรง AB
- 2) สร้างวงกลมโดยให้จุด B เป็นจุดศูนย์กลาง
กวางรัศมีวงเวียนเท่ากับ AB
- 3) ลากเส้นตรงผ่านจุด A และจุด B ตัดวงกลมที่จุด C
- 4) สร้างเส้นตั้งฉากที่จุด B ตัดวงกลมที่จุด D
- 5) แบ่งครึ่งส่วนของเส้นตรง BC ที่จุด E
- 6) ให้จุด E เป็นจุดศูนย์กลาง กวางรัศมีวงเวียนเท่ากับ
DE เขียนส่วนโค้ง 1 ตัดส่วนของเส้นตรง AB ที่จุด F
- 7) ให้จุด D เป็นจุดศูนย์กลาง กวางรัศมีวงเวียนเท่ากับ
DF เขียนส่วนโค้ง 2 ตัดวงกลมที่จุด G
- 8) ให้จุด G เป็นจุดศูนย์กลาง กวางรัศมีวงเวียนเท่ากับข้อ 7)
เขียนส่วนโค้ง 3 ตัดวงกลมที่จุด H
- 9) ทำเช่นนี้ไปเรื่อยๆ จนได้จุดตัดบนวงกลมครบ 5 จุดจะได้จุดตัด I และจุดตัด J
- 10) ลากส่วนของเส้นตรง DG GH HI IJ และ JD
- 11) จะได้รูปห้าเหลี่ยม DGHIJ ที่เป็นรูปห้าเหลี่ยมแบบปกติ



สรุป

บทที่ 4 จะกล่าวถึงการใช้เครื่องมือ และพื้นฐานการสร้างทางเรขาคณิต เป็นสิ่งที่สำคัญอย่างมากต่อการพิสูจน์ทฤษฎีบทเรขาคณิต เนื่องจากในการพิสูจน์ทฤษฎีบททางเรขาคณิต มีหลายต่อหลายครั้งที่เราจำเป็นจะต้องสร้างรูปเรขาคณิตขึ้นมาเพื่อช่วยในการพิสูจน์ให้ง่ายขึ้น อีกทั้งในการสร้างทางเรขาคณิตยังช่วยให้เข้าใจสมบัติต่างๆ ทางเรขาคณิตมากยิ่งขึ้น ในบทนี้จะแยกเนื้อหาออกเป็น 3 ส่วน ดังนี้

ส่วนที่ 1 เครื่องมือที่ใช้ในการสร้างรูปเรขาคณิต

1. วงเวียน (compass)
2. สันตรง (Straight Edges) หรือไม้บรรทัด (Ruler)

ส่วนที่ 2 พื้นฐานการสร้างรูปเรขาคณิต

1. การสร้างส่วนของเส้นตรงที่ยาวเท่ากับความยาวของส่วนของเส้นตรงที่กำหนดให้
2. การแบ่งครึ่งส่วนของเส้นตรงที่กำหนดให้
3. การสร้างมุมให้มีขนาดเท่ากับขนาดของมุมที่กำหนดให้
4. การแบ่งครึ่งมุมที่กำหนดให้
5. การสร้างเส้นตั้งฉากจากจุดภายนอกมายังเส้นตรงที่กำหนดให้
6. การสร้างเส้นตั้งฉากที่จุดจุดหนึ่งบนเส้นตรงที่กำหนดให้

ส่วนที่ 3 การสร้างรูปเรขาคณิตอย่างง่าย

1. การสร้างมุมที่มีขนาดต่างๆ
 - 1.1 มุมที่มีขนาด 60° และ 30°
 - 1.2 มุมที่มีขนาด 90° และ 45°
2. การสร้างเส้นขนานกับเส้นตรงที่กำหนดให้ จากจุดภายนอกเส้นตรง
3. การสร้างรูปสี่เหลี่ยม
 - 3.1 รูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส
 - 3.2 รูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า
 - 3.3 รูปสี่เหลี่ยมด้านขนาน
 - 3.4 รูปสี่เหลี่ยมขนมเปียกปูน

4. การสร้างรูปสามเหลี่ยม
 - 4.1 รูปสามเหลี่ยมด้านเท่า
 - 4.2 รูปสามเหลี่ยมหน้าจั่ว
 - 4.3 รูปสามเหลี่ยมมุมฉาก
5. การสร้างรูปหลายเหลี่ยม

คำถามท้ายบทที่ 4

- 1) ให้นักศึกษาทำแบ่งครึ่งส่วนของเส้นตรงเป็นออกส่วนที่เท่าๆ กันดังนี้
 - 1.1 แบ่งออกเป็น 2 4 และ 8 ส่วนที่เท่าๆ กัน
 - 1.2 แบ่งออกเป็น 3 5 และ 7 ส่วนที่เท่าๆ กัน
- 2) สามารถทำการแบ่งขนาดของมุมออกเป็น 3 ส่วนได้หรือไม่ ให้แสดงวิธีการสร้างประกอบ
- 3) จงสร้างมุมที่มีขนาดต่อไปนี้
 - 3.1) 105°
 - 3.2) 82.5°
 - 3.3) 135°
- 4) จงสร้างรูปสี่เหลี่ยมตามเงื่อนไขที่กำหนดให้ดังต่อไปนี้
 - 4.1) สร้างรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัสที่มีความยาวด้านละ 5 เซนติเมตร
 - 4.2) สร้างรูปสี่เหลี่ยมขนมเปียกปูนที่มีความยาวด้านละ 4 เซนติเมตร และมีมุมหนึ่งมุมมีขนาดเท่ากับ 45°
 - 4.3) สร้างรูปสี่เหลี่ยมด้านขนานที่มีความยาวด้านหนึ่งยาว 5 เซนติเมตร และยาว 3 เซนติเมตร มีมุมหนึ่งมุมมีขนาดเท่ากับ 60°
 - 4.4) สร้างรูปสี่เหลี่ยมมุมฉากที่มีด้านยาวเท่ากับ 5 เซนติเมตร และด้านกว้างยาวเท่ากับ 3 เซนติเมตร
- 5) จงสร้างรูปหลายเหลี่ยมปกติต่อไปนี้
 - 5.1) รูปหกเหลี่ยมปกติ
 - 5.2) รูปแปดเหลี่ยมปกติ
 - 5.3) รูปสิบสองเหลี่ยมปกติ

เอกสารอ้างอิง

โครงการตำราวิทยาศาสตร์และคณิตศาสตร์มูลนิธิ สอน. (2553). *เรขาคณิต*. กรุงเทพฯ :

ด้านสุทธากการพิมพ์.

จิราพร พรายมณี. (2555). เอกสารประกอบการสอนวิชา. *เรขาคณิต*. กรุงเทพฯ.

ชัยณรงค์ ชันผณี. (2556). *เรขาคณิตแบบยุคลิด*. เพชรบูรณ์. เพชรบูรณ์ก๊อบปีเซ็นเตอร์.

ประสิทธิ์ ทองแจ่ม. (2520). *รากฐานเรขาคณิต*. สุราษฎร์ธานี. สถาบันราชภัฏสุราษฎร์ธานี.

ฉวีวรรณ แก้วไทรสะ. (2542). *เรขาคณิตตามแนวคิดทางเซต*. กรุงเทพฯ: ศูนย์การพิมพ์

สถาบันราชภัฏสวนสุนันทา.

วัฒนา เกวทิพย์. (2554). เอกสารประกอบการบรรยาย. *วิชาเรขาคณิต*. ขอนแก่น:

มหาวิทยาลัยขอนแก่น.

สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี. (2553). *เอกสารสำหรับผู้รับการอบรม*

โครงการอบรมครูด้วยระบบทางไกล กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ระดับ

ประถมศึกษา หลักสูตรมาตรฐานการอบรมครู ปีที่ 3. กรุงเทพฯ: โรงพิมพ์ สกสค.

ลาดพร้าว.

สมพร เรื่องโชติวิทย์. (2524). *รากฐานเรขาคณิต*. กรุงเทพฯ. มหาวิทยาลัยศรีนครินทรวิโรฒ.

สมวงษ์ แปลงประสพโชค. (2551). *รากฐานเรขาคณิต*. กรุงเทพฯ: มหาวิทยาลัย

ราชภัฏพระนคร.

สาขาเทคโนโลยีสารสนเทศ สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี. (2549).

เทคนิคการใช้โปรแกรม The Geometer's Sketchpad ขั้นสูง. กรุงเทพมหานคร.

สิริวรรณ ตั้งจิตวัฒนะกุล (2538). *รากฐานเรขาคณิต*. กรุงเทพฯ: สำนักพิมพ์มหาวิทยาลัย

รามคำแหง.

อภิวัฒน์ คำภีระ. (2557). *การสร้างชุดการฝึกการพิสูจน์ทฤษฎีบทเรขาคณิตในระนาบของยุคลิด*.

สาขาวิชาคณิตศาสตร์ คณะวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี. มหาวิทยาลัยราชภัฏเพชรบูรณ์.